

معايير درجة حرارة البيتون القصوى في  
الكتل الإنسانية أثناء تفاعلات التسخين  
الإيكزوشرمي

المهندس مازن خير بك  
محمد نوفوسى برسك  
للهندسة المدنية

د. زوبكوف إيفانوفيتش  
معهد نوفوسى برسك  
للهندسة المدنية

يتطلب بناء المنشآت المائية في المناطق الحارة تكنولوجيا خاصة لتلافي ما قد ينجم من أضرار بسبب التفاوت في درجات الحرارة في الكتل البetonية .  
يتناول هذا البحث عملية تفاعلات الطرد الإيكزوشرمي أثناء تصلب البeton وعلاقتها بارتفاع الكتل البetonية مع اقتراح علاقة نصف تجريبية لتحديد درجة حرارة الطرد الإيكزوشرمي كما يتناول هذا البحث اقتراح حل رياضي للمعادلة الحرارية لمجموعة مؤلفة من شريحة غير محددة موضوعة على أساس ( تربة ، بيتون ... الخ ) نصف محدد .

ولقد طبقت طريقة الصب الطبقي هذه في بناء دعامة سد أنديجان كما قمنا بأبحاث عملية على أرض الواقع لوضع أساس حساب الشروط التقنية .  
وهكذا فقد تم على حقلين تجريبيين أحدهما مغطى بشادر والأخر معرض لأشعة الشمس المباشرة ، صب 12 كتلة بيتونية ارتفاعاتها على التوالي 0,5M, 0,75, 1,0M في قالب مدفعاً وذلك لتأمين حقل حراري متجانس . في كل مجموعة مولفه من ثلاثة مكعبات ذات ارتفاع موحد أجريت تجارب لاختبار تأثير طريقة العناية بالسطح البeton على النظام الحراري للكتلة البetonية : سقایة ، ترطيب وب بدون عنایة .

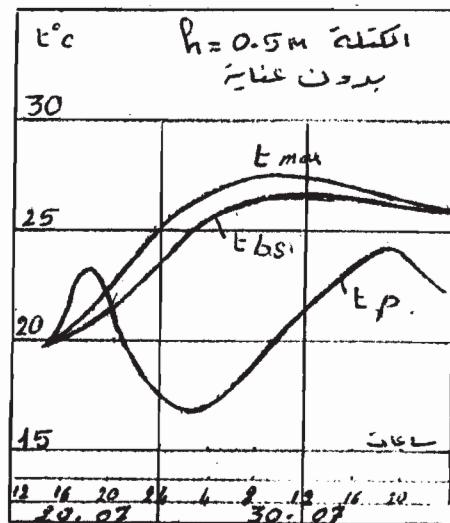
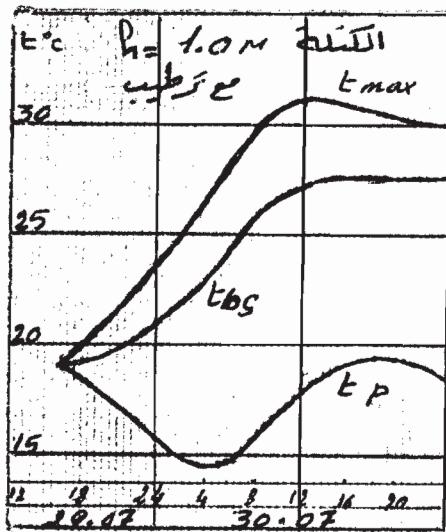
إن ارتفاع درجة الحرارة في الكتلة البetonية خلال تفاعلات الطرد الحراري

يتطلب بناء المنشآت المائية الحديثة والسدود خاصة في المناطق الحارة وذات المناخ القاري الشديد شرطًا صارمًا وذلك فيما يتعلق بجودة البيتون . لذلك وأجلل تلافي ظاهرة تشكيل الشقوق والشروخ الخطيرة وتأمين سلامة صب البيتون تحدد درجة حرارة البeton القصوى في مرحلة التسخين الإيكزوشرمي وهي تحدد اعتماداً على حسابات تتعلق بالوضعية الحرارية للمنشآت البetonية والتي تختلف من كتلة لأخرى .

لقد توجهت العناية في السنوات العشر الأخيرة إلى طريقة المقاطع في صب الكتل البetonية للمنشآت المائية ( السدود خاصة ) وذلك على مراحل مع المراقبة الشديدة لسطح البيتون في كل مرحلة ( سد توكتوغول ، أنديجان وسد آخر ) .

والملقطة بشواهد .  
تبين على هذه المخططات درجة الحرارة في أساس الكتلة وعلى السطح وفي نواة التسخين ، من لحظة الصب حتى بازوج ذروة التسخين الحراري .

الإيكزورمي يتعلق بنوع وكمية الاسمنت ، درجة حرارة الأساس التي يصب عليها البيتون ، درجة حرارة الهواء المحيط طريقة المراقبة والعنایة بسطح البيتون ( سقایة ، ترطيب ، تغطية ز ، تقييم ) ، وقد أوردنا على سبيل المثال في الشكل 1 مخططات بيانية لدرجات الحرارة في الكتل ذات الارتفاع 0.5 ، 1.0 M



الشكل 1 : التسخين الإيكزورمي في العينات البنيوية  
المقطعة ، ذات الارتفاع

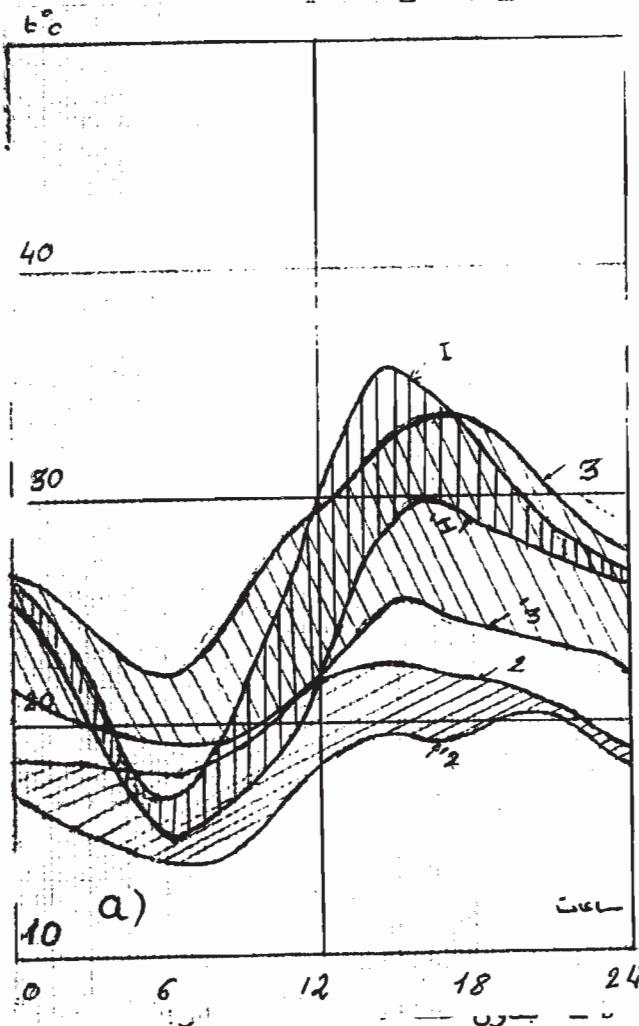
العظمى  $t_{max}$  بفعل التسخين الإيكزورمي في العينة البنيوية وهي من الشكل :

ولقد تم الحصول بعد تحليل وتعظيم المعطيات التجريبية على علاقة نصف تجريبية لتحديد درجة الحرارة

$$t_{max} = \left( t_0 + \frac{q \cdot m_c}{C_p} \right) - 1 - A \left[ 1 - \frac{t_A - t_{bs}}{2(t_0 + \frac{q \cdot m_c}{C_p})} \right] I$$

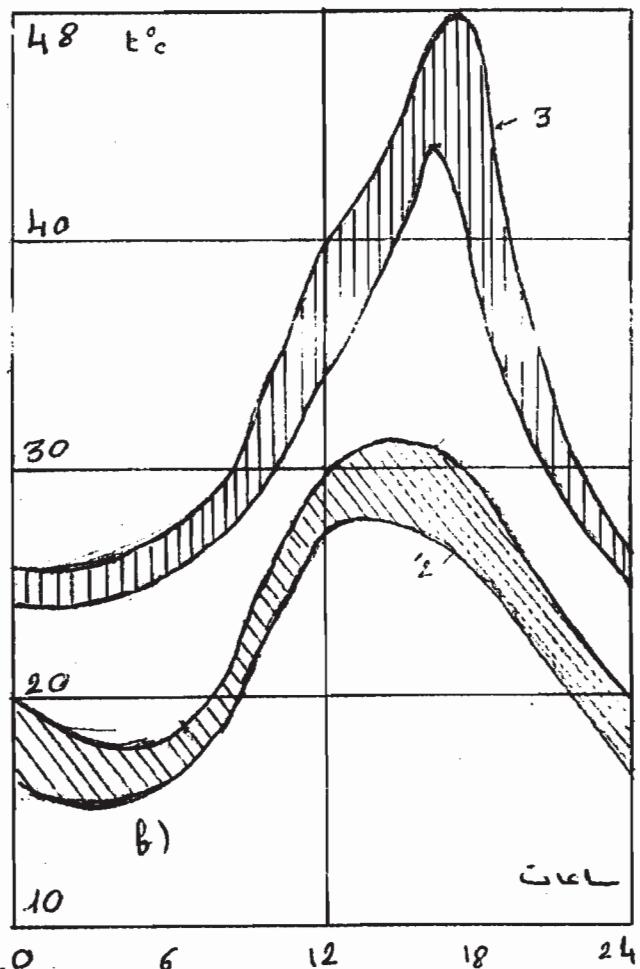
حيث :

تعكس هذه العلاقة بشكل عام أنّ  
العوامل الرئيسية على التسخين الإيكزوشري  
ويلاحظ أن درجة حرارة السطح في الكتل  
البيتونية ذات الارتفاع القليل تلعب  
دوراً أساسياً وفعالاً في شدة التسخين  
الإيكزوشري وما يليه من تبريد فسي  
الكتلة ، مع الأخذ بعين الاعتبار شكل  
وطريقة العناية بهذه السطح البيتوني .  
وتبيّن في الشكل 2 جميع النتائج  
المتعلقة بمراقبة درجة حرارة سطح الكتل  
البيتونية تحت الشادر وغير المغطاة وذلك  
لكل أشكال العناية .



a - تحت الغطاء ، 2,2 - درجة حرارة السطح مع  
الترطيب ، 3,3 - درجة حرارة السطح دون عناية

- $t_0$  - درجة حرارة الخليط البيتوني .
  - $t_{bs}$  - درجة حرارة سطح أو أساس  
الكتلة .
  - $q_{mc}$  - كمية الاسمنت المستعملة والنشر  
الحراري النوعي لهذا الاسمنت .
  - $p,C$  - السعة الحرارية وكثافة البيتون .
  - A - عامل تجرببي يتعلق بارتفاع  
الكتلة .
- ( $h = 0,5M - A = 2,25$  ;  $h = 0,75 - A = 1,8$  ;  
 $h = 1,0 M - A = 13$  )



وتعود أكثر الطرق فاعلية في  
معايير النظام الحراري للسطح البيتونية  
هي السقاية بالمياه ، في هذه الحالة  
تحدد درجة حرارة السطح البيتونى بالعلاقة  
مع درجة حرارة المياه المستعملة وشدة  
السقاية .

إن التقييد الذي تفرضه المعطيات  
التجريبية ( نسبياً ) لم يسمح بالحصول  
على نتائج عن فاعلية العناية بالسطح  
البيتونى بالعلاقة مع مختلف العوامل  
المؤثرة وتغيراتها الواسعة . لذلك وأجل  
هذا الهدف استعملت طرق تحليلية ووضع  
ما يسمى بالتجربة العددية .

لنتصور كتلة بيتونية على شكل  
شريحة غير محددة موضوعة على أساس  
نصف محدد ( شكل ٣ ) . إن حل المعادلة  
الحرارية لهذه المجموعة مع الأخذ  
بعين الاعتبار النشر الحراري للبيتون  
وتأشير الأساس ضمن الشروط الحرارية  
من الدرجة الثالثة على السطح يتم بطريقة  
التركيب ( الانطباق ) إضافة إلى استعمال  
الخطول الشهيرة في نظرية النقل الحراري .  
وبناء عليه فإن حل المعادلة المنوه بها  
أعلاه يأخذ الشكل التالي :

لقد تمت المراقبة خلال مدة ١٠ أيام  
بعد صب هذه الكتل ، ارتفعت خلالها  
درجة الحرارة نهاراً حتى  $36^{\circ}\text{C}$  - 30  
وانخفضت ليلاً حتى  $17^{\circ}\text{C}$  - 15 كمـ  
بلغت شدة الإشعاع الشمسي :

700-800K.Cal/M/h

إن نتائج مراقبة درجة الحرارة هذه  
والتي تمت بانتظام وبخطوة قدرها يوم  
واحد ، تسمح لنا بتقدير فعالية الغطاء  
ونوعية العناية بالسطح البيتونى .

لقد ارتفعت درجة حرارة الكتل  
البيتونية المصبوبة على حقل مكشوف والتي  
لم تتم العناية بها حتى  $48^{\circ}\text{C}$  - 44  
 $31^{\circ}\text{C}$  - 29 كما بلغت فوق سطح مرطب  
أي أقل من درجة حرارة الهواء المحيط .  
أما في الكتل المحمية بغطاء فقد بلغت  
درجة الحرارة بدون عناية نهاراً  
 $27^{\circ}\text{C}$  - 34 أي أقل بـ  $14-17^{\circ}\text{C}$

مما لو كان الحقل مكشوفاً ، بينما لم  
تتعد في حالة الترطيب  $19^{\circ}\text{C}$  - 24 .  
خلال فترة الليل كانت درجة حرارة  
السطح بدون عناية أعلى من درجة حرارة  
الهواء بـ  $4-5^{\circ}\text{C}$  في حالة التغطية  
وبـ  $8-9^{\circ}\text{C}$  بدون غطاء ، أما على  
السطح المرطب فهي إما مساوية أو حتى  
أقل من درجة حرارة الهواء .

نستخلص مما سبق أن حماية السطح  
البيتونية بالتغطية تسمح بتخفيف درجة  
حرارتها حتى  $14-17^{\circ}\text{C}$  وذلك في  
الكتل غير الخاضعة للعناية وتحت  
 $24-25^{\circ}\text{C}$  في حالة الترطيب  
وبالمقارنة مع الكتل غير المغطاة وغير  
الخاضعة للعناية .

$$T_x = (t_o - t_{o_0}) [ 1 - \operatorname{erfc} \frac{x}{2} + \exp(Hx + H^2) ] * \\ (2)$$

$$* \operatorname{erfc} [ ( \frac{1}{\cos P} + H ) ] + (t_o - t_{bs}) \frac{P_o}{P} * \\ * [ 1 - \frac{\cos P \frac{B-x}{B}}{\cos P - \frac{1}{Bi} P \sin P} ] * \exp(-P Fo) +$$

$$+ \sum_{n=1} (1 - \frac{P_o}{P - \mu_n^2}) A_n \cos \mu_n \frac{B-x}{B} \exp(-\mu_n^2 F_o) +$$

$$+ (t_o - t_{oc}) [ 1 - 0,5(\operatorname{erf} \frac{x+B}{2B Fo} - \operatorname{erf} \frac{x-B}{2B Fo}) ] +$$

$$+ \frac{qmc}{2C.P} [ \theta_t(Fo_2) - \theta_t(Fo_1) ] ;$$

$$= \frac{1}{\frac{1}{B} + Ry} \quad H = \frac{\cos P \frac{B}{B_i}}{\cos P - \frac{1}{B_i} P \sin P} \exp(-P Fo)$$

$$B_t = \frac{\cos P \frac{B}{B_i}}{\cos P - \frac{1}{B_i} P \sin P} \exp(-P Fo) * \\ * \sum_{n=1} \frac{A_n}{1 - \frac{\mu_n^2}{P}} \cos \mu_n \frac{x}{B} \exp(-\mu_n^2 Fo) ;$$

$$Fo_1 = \frac{u}{(x+B)^2} ; \quad Fo_2 = \frac{u}{(x-B)^2}$$

$$\operatorname{erf}(u) = \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^u e^{-u^2} du$$

$$\operatorname{erfe}(u) = 1 - \operatorname{erf}(u)$$

والتي يمكن حلها من خلال وجود مجاهيل . مجهولان منها هما  $x_m$  ،  $t_0$  ، أما الثالث فيتم اختياره من أحد ستة قيم رئيسية مؤشرة على التسخين الإيكزوشمي (  $t_0$  ،  $t_{tb}$  ،  $t_c$  ،  $w_0$  ،  $B$  ،  $\mu_n$  ) وهذا يبدو الحل الأبسط باختيار القيمة

$$\text{أو } t_0 = t_c - \frac{x_m}{\mu_n}$$

إن تأثير درجة الحرارة على التسخين الحراري يمكن تحديده بمساعدة مساواة راستروي الشهيرة والتي تكتب بالشكل التالي :

$$K(t) = K_{20,2} \frac{t_m - 20}{t_m - 20,2} \quad (4)$$

حيث :

$K_{20}$  - قيمة العامل  $K$  عند درجة حرارة  $20^\circ C$

- الفرق الحراري الذي يحدد العلاقة :

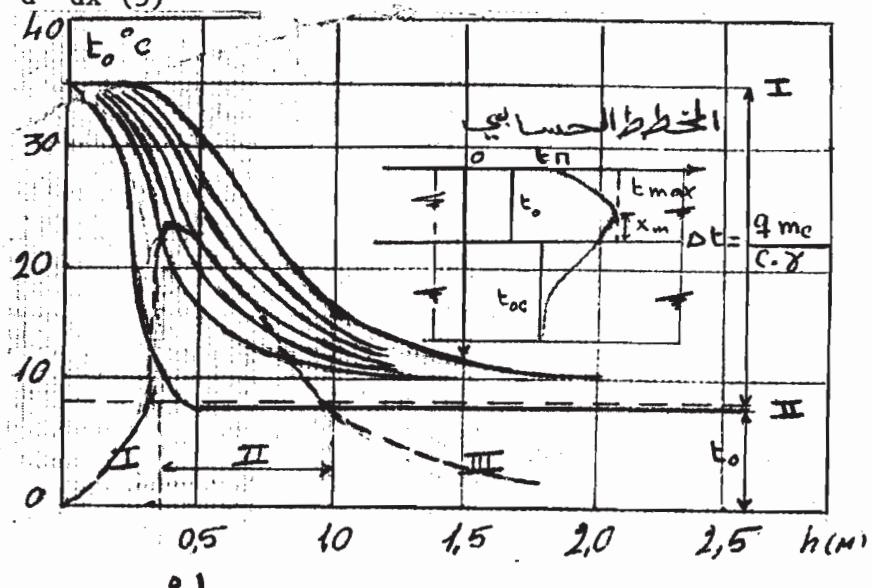
$$= 8 + 0,15 t_{ep}$$

- الحرارة الوسطى على ارتفاع  $t_m$  الكتلة البيتونية خلال الفترة

الزمنية  $t_p$  للبيتون .

$$t_m = \frac{1}{\int_0^t (x, ) d dx} \quad (5)$$

الشكل 3 : لتحديد العلاقة بين حرارة  $t_q = 35^\circ C$  ،  $t_p$  ،  $t_0$



حيث :  
 $P$  - على التوالي أعد ادبيو - فوريية ، بريتسفادي Tillif في (2)  
 $A_n$  ،  $\mu_n$  - جذور المساواة والعوامل المحددة  
 $B$  - على التوالي الإحداثيات ارتفاع الكتلة والزمن .  
- عامل النقل الحراري  
- عامل الإعطاء الحراري  
- المقاومة الحرارية للمسخن  
 $R_y$  - عامل يتعلق بخواص الاسمنت  
 $K$  - البيتون والمواد المضافة - يحدد تجريبياً .

إذاً ومن خلال تحديد التسخين الأعظمي عبر درجة الحرارة المسموحة  $t_q$  نحصل من المعادلة (2) على المساواة الحسابية الأولى . بتحديد زمن ومكان  $x_m$  ومكان توضيع (بالارتفاع) الحرارة الأعظمية ونحصل على مساواتين إضافيتين ، وبهذا تكون قد حصلنا على مجموعة المعادلات الثلاث التالية :

$$t_x = t_q \quad \text{و} \quad \frac{t}{x} = 0 \quad \text{و} \quad \frac{t}{x} = 0 \quad (3)$$

مناطق محددة في مجال تغير الارتفاع  
الذي قمنا بدراسته :

- حالة ارتفاع العينة  $B < 0,4$   
(ارتفاع قليل) : درجة حرارة  
الذروة العظمى للتسخين الإيكزورمسي  
تتعلق بشكل أساسى بدرجة حرارة  
السطح في حين يكون أثر درجة  
حرارة الخليط البetonى ضعيفاً جداً  
ويمكن تفسير ذلك أنه في حالة  
السماكات القليلة غالباً ما تفقد  
الظروف البدائية وبسرعة تأثيرها  
حيث لا يكفي التسخين الإيكزورمسي  
لتعويض ضياع الحرارة عن طريق  
السطح البetonى .

II - حالة ارتفاع العينة  $0,4 - 1,0M$   
يتتعلق هنا التسخين الإيكزورمسي  
بدرجة حرارة السطح كما يتتعلق بدرجة  
حرارة الخليط البetonى أثناء الصب.  
كما أن تأثير درجة حرارة السطح  
البentonى يتناقض مع ازدياد ارتفاع  
العينة . هنا تلعب دوراً هاماً طريقة  
صيانة السطح في معايرة النظام  
الحرارى للبيتون ، مثلًا سقایة السطح  
بالمقارنة مع التبريد العميق للخليل  
الbentonى قبل الصب .

III - حالة ارتفاع العينة الكبيرة  
 $B > 1,5M$  : درجة حرارة السطح  
الbentonى لا تؤثر على القيمة العظمى  
للتاخين الإيكزورمسي الذي يتم هنا  
ضمن شروط قريبة من النظـام  
الأدبياتي :

$$t_{\max} = \frac{m_c}{C_0}$$

$$t_0 = (E_q - \frac{q \cdot m_c}{C_0})$$

إن حل مجموعة المعادلات (3) مع  
اعتبار تأثير درجة الحرارة على الانتشار  
الحرارى في البeton يتم بطريقه تنظيم  
حلقة تكرارية والتي فيها يتم تدقيق  
قيمة  $t_p$  بالحساب الأسبق باستعمال  
العلاقة (4) و (5) . عندها وأجل  
التقريب الأول يمكن اعتبار  $K = K_{20}$   
لقد تم باستعمال المعادلات المبينة  
أعلاه وضع الغوريتم ومن ثم برنامج  
حسابى على الحاسوب الالكترونى . يمكن  
شرح الحالة المبينة أعلاه باختصار وذلك  
بالشكل التالي :

تفترض درجة حرارة الذروة المسموحة  
بالتاخين الإيكزورمسي  $t$  و يطلب تحديد  
قيم المتحولات الأخرى المؤشرة على التاخين  
الإيكزورمسي بحيث تكون درجة الحرارة  
العظمى في نواة التاخين مساوية للمسموح بها .  
هذا وقد أوردنا على سبيل المثال  
مجموعة من الحسابات أجريت بمساءلة  
هذا البرنامج وذلك بإهمال تأثير  
الأساس مع افتراض القيم التالية :

- النشر الحراري النوعي  $q = 60K.ca1/Kg$
- كمية الاسمنت  $me = 250 \text{ Kg/M}^3$
- ارتفاع العينات المدروسة

$f = 0 \dots 3,0M$

- درجة حرارة السطح ( الشروط الحرارية  
من الدرجة الأولى )  $t_p = 0 \dots 30^\circ C$   
إن نتائج هذه الحسابات ( شكل )  
تعطي تصوراً واضحاً عن تأثير العوامل  
المفترضة أعلاه على التاخين الإيكزورمسي .  
يعتبر المخطط المبين ( شكل 3 ) حلاً  
لمجموعة المعادلات التي تعطي القيم  
المثالية للتاخين الأعظمى وذلك بالعلاقة  
مع  $t_p, t_0, B$  مع العلم أن العلاقة  
بين  $t_0$  و  $t_p$  تتغير بالعلاقة مع ارتفاع  
العينة البentonية ، ويمكن ملاحظة ثالث

إن المخطط المبين في الشكل ( ٣ )  
موضع للحالة التي فيها تؤخذ  
درجة الحرارة المسموحة مع عدم الأخذ  
بعين الاعتبار ارتفاع العينة ، إلا أنه  
يمكن وضع نومغرامات محسوبة  
لمشتق العلاقة  $t_q$  بالنسبة لارتفاع  
العينة المحدد بعلاقات مرتبطة  
بالنظام الحراري للعينة  
المدروسة .

وهكذا استناداً إلى المخطط ٣  
يحدد أحد القيم الثلاث  
 $t_0$  ،  $t_p$  ،  $t_{\max}$  في حال كون القيمتين  
الباقيتين معلومتين ، كما  
يتم اختيار القيم المثلثة  
لهذه المتغيرات اعتماداً  
على المعطيات الاقتصادية  
ومع الأخذ بعين الاعتبار  
الخواص المناخية لمنطقة البناء  
والعوامل الانتاجية .

إن ارتفاع الكتلة البيتونية يحدد  
اعتماداً على نوع السد وشكل القطع فيه .  
أما درجة حرارة الخليط البيتونى فهي  
تعكس النفقات الإضافية الازمة  
للتبريد في المجلب ، في حين تعكس درجة  
حرارة السطح البيتونى  $t_p$  النفقات الازمة  
للعينة بهذا السطح ، نوعية الغطاء الازم  
وغيرها .

في هذه الحالة يتم الوصول إلى  
تحفيض التسخين الإيكزوشرم عن طريق:  
I - تبريد الخليط البيتونى في المعمل  
أثناء الجبل ومن خلال تبريد الرمل  
والحصى وكذلك المياه الازمة  
أو بالاستعاذه من قسم من المياه بقطع  
من الجليد :  
II - استعمال أنواع خاصة من الإسمنت  
( منخفضة الحرارة ) أو تخفيض  
كمية الإسمنت الداخلية .  
III - استعمال التبريد الأنبوبي بعد  
الصب مباشرة .

إن المناطق الثلاث المبينة وتأثير  
صيانة السطح يعكسها منحنى التغير  
 $t_0 = t_p^{30}$  ( شكل ٣ ) حيث  
 $t_{\max} = 30^{\circ}\text{C}$  درجات حرارة الخليط  
البيتونى التي تعطي  $t_p^{30}$  عند درجة حرارة سطح على التوالي  
 $30^{\circ}\text{C}$  ،  $0^{\circ}\text{C}$  ويفسر تأثير الارتفاع  
على فاعلية العناية بالسطح من وجهة  
النظر الحرارية بأن الاحتياط في كمية  
الحرارة في  $Bqm_c$  والمحسوب على  
من عينة البيتون يزداد مع ارتفاع  
الارتفاع .