

دراسة إمكانية حذف أثر انكسار الأشعة على قياسات الزوايا الشاقولية

الدكتور مهير بحري

الدكتور إبراد فحصة**

(ورد إلى المجلة في 25/9/1999، قبل للنشر في 19/12/1999)

□ الملخص □

يتطرق البحث لموضوع التأثير السلبي لانكسار الشاقولي للأشعة في نقا قياس الزوايا الشاقولية ، ويحد ذلك من استخدام هذا النوع من القياسات الجيوبزية ضمن شبكات المراقبة القياسية للمناطق الهندسية الكبيرة .

يقترن البحث طريقتين للتخلص من تأثير هذا النوع من الانكسار، بهدف الاستفادة من هذه القياسات (الزوايا الشاقولية) في شبكة المراقبة القياسية المنفذة من قبلنا، ضمن حرم سد العادس عشر من تشرين . وقد أعطت الطريقتان نتائج إيجابية تسمح بعميمها للاستخدام ضمن الشبكات المماثلة.

* مدرس في قسم الهندسة الطبوغرافية - كلية الهندسة المدنية - جامعة تشرين - اللاذقية - سوريا.

** مدرس في قسم الهندسة الطبوغرافية - كلية الهندسة المدنية - جامعة تشرين - اللاذقية - سوريا.

Studying of the Possibility of Elimination the Reflective Rays Effects on the Vertical Angles Measurements

Dr. M. YAHYA*

Dr. I. FAHSA**

(Received 25/9/1999, Accepted 19/12/1999)

□ ABSTRACT □

Our research deals with the negative effect of the vertical reflection of rays on the accuracy of the vertical angles measurement (V.A.M) . This will limit the use of this geodetic measurement in the three – dimensional control networks of big structures establishment .

We proposed two new methods to avoid that reflective effective effect on our measurements in the (16-October) – dam . These new methods gave us positive results that can be used with other similar networks .

* Lectuer at the departement of Geodesy Engineering, Faculty of Civil Engineering, Tishreen University, Lattakia, Syria.

** Lectuer at the departement of Geodesy Engineering, Faculty of Civil Engineering, Tishreen University, Lattakia, Syria.

١ - مقدمة:

من الضروري أن نوضح مفهوم الزاوية الشاقولية التي ستكون محور اهتمامنا، نقصد بالزاوية الشاقولية تلك الزاوية المحصورة بين خط المرصد (الخط المستقيم المنطلق من عين المرصد إلى النقطة المرصودة) ومسقطه على المستوى الأفقي المار من نقطة المرصد.

يثير موضوع استخدام الزوايا الشاقولية في الشبكات الدقيقة ثلاثة الأبعاد شكوكاً عديدة؛ تتجزء هذه الشكوك من الرأي القائل، بأن تأثير الانكسار الشاقولي لشعاع المرصد يخفي من دقة قياس هذه الزاوية. لذا يجب دراسة هذا التأثير واستنتاج الطرق المناسبة للتقليل من أثر هذا الانكسار في إمكانية استخدام الزوايا الشاقولية، ضمن خطة القياس في الشبكات الدقيقة ثلاثة الأبعاد.

في بحثنا الحالي سنعتمد معادلة تصحيح الزاوية الشاقولية المعطاة في المرجع [1] والتي تأخذ الصيغة التالية:

$$V_{\beta_{ij}} = a.dx_i + b dy_i - c dz_i - adx_j - b dy_j + c dz_j + (\beta_{ij}^o - \beta_{ij}^{ob}) \quad (1)$$

والثوابت هي :

$$a = \frac{x_j^o - x_i^o}{D_{ij}^{o^2}} \cdot \operatorname{tg} \beta_{ij}, \quad b = \frac{y_j^o - y_i^o}{D_{ij}^{o^2}} \cdot \operatorname{tg} \beta_{ij}, \quad c = \frac{1}{D_{ij}^o} \cos \beta_{ij}^o$$

حيث:

i : نقطة المرصد، j النقطة المرصودة

X_o, Y_o, Z : الإحداثيات التقريرية للنقط المحددة لزاوية الشاقولية

D_{ij}^o : القيمة التقريرية لمسافة المائة بين النقطتين j, i

β_{ij}^o : القيمة التقريرية لزاوية الشاقولية وتحسب من الإحداثيات التقريرية باستخدام القانون:

$$\beta_{ij}^o = \operatorname{arctg} \frac{z_j^o - z_i^o}{D_{ij}^{o^2}} \quad (2)$$

β_{ij}^{ob} : القيمة المقيسة لزاوية الشاقولية.

تعطي المراجع المختصة ومن بينها [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9] طرقاً عديدة لحساب قيمة معامل الانكسار الشاقولي. فيمكن تعداد بعض هذه الطرق كما يلي:

- القياس المتزامن للزوايا الرأسية.

- الاستفادة من فرق ارتفاع معلوم.

- الاستفادة من قياسات بعض الظواهر الجوية.

- الاستفادة من ظاهرة انتشار الأمواج الكهرومغناطيسية.

تبين المراجع المختصة المذكورة أعلاه، أن دقة حساب قيمة معامل الانكسار K ، باستخدام هذه الطرق متدنية، وأن قيمة الخطأ النسبي لحسابه قد تبلغ (60-70)%، وخصوصاً في المرجع [1] كما نلاحظ أن القوانين المعطاة لحساب قيمته، بالاعتماد على معرفة الظروف الجوية المحيطة بالمرصد، لا تفي بالدقة المطلوبة في القياسات الجيوديزية ضمن الشبكات الدقيقة.

من المفضل إذاً في المسائل الجيوديزية استخدام طرق خاصة لقياس الزوايا الشاقولية، بحيث يمكن التقليل إلى حد كبير من أثر انكسار الأشعة في نتائج القياسات، ومن ثم اعتبار هذا التأثير مهملاً. ويعتبر شرط

التخلص من أثر الانكسار شرطاً هاماً، من أجل ضم قياسات الزوايا الشاقولية إلى نظام القياسات المتنفذة ضمن الشبكة الفراغية.

2 - عرض بعض طرق حذف أثر الانكسار في قياسات الزوايا الشاقولية:

من بين هذه الطرق نذكر تلك المبينة في [4, 14]. تعتمد الطريقة على إضافة حد خاص إلى معادلة تصحيح الزاوية الشاقولية المقيسة، ويرتبط هذا الحد بمعاملات الانكسار بحيث تصبح الصيغة العامة لمعادلة التصحيح:

$$V\beta_{ij} = d\beta_{ij} + \frac{\partial_i}{k_i} \cdot dk_i + l\beta_{ij} \quad (3)$$

حيث:

∂_i : زاوية الانكسار الشاقولي لخط الرصد من المرصد i .

k_i : معامل الانكسار المقبول عند المرصد i .

dk_i : تصحيح لمعامل الانكسار، ويتم حسابه بالمعالجة الرياضية للقياسات.

يبين التقىيم السريع للطريقة السابقة عدداً من الثغرات؛ فهي تؤدي إلى زيادة كبيرة غير مرغوبه في عدد المجاهيل المطلوب تعينها بالمعالجة الرياضية للقياسات. كما لا يمكن اعتماد قيمة موحدة لتغيرات قيمة معامل الانكسار عند كل مرصد، لأن ذلك سيكون منافياً للواقع بسبب تغيرات الظروف الجوية والطبوغرافية بين النقاط المرصودة. وهذا سيؤدي في الحالة الحدية إلى تعين قيمة dk عند كل قياس، ومن ثم ازدياد عدد المجاهيل عن عدد القياسات، بحيث تصبح جملة معادلات التصحيحات مستحيلة الحل.

أدت السلبيات السابقة إلى اعتماد طرق قياس خاصة للزوايا الشاقولية، تسمح هذه الطرق بحذف أثر الانكسار الشاقولي في القياسات قبل مرحلة المعالجة الرياضية، أو تسمح بإيجاد قيمة معامل الانكسار، ثم حساب أثر الانكسار في كل شعاع رصد، واحتزال القياسات قبل معالجتها. من ضمن هذه الطرق يمكن ذكر الطريقة الأكثر استخداماً؛ وهي طريقة لازاريني.

تعتمد طريقة العالم لازاريني على قاعدة القياسات المتزامنة أو شبه المتزامنة، لقياس الزاويتين الشاقوليتين فوق المرصدين المحددين لخط الرصد. تعطى المراجع المختلفة [3, 8, 9] قانون إيجاد معامل الانكسار الشاقولي عند النقطتين A و B المبينتين بالشكل (1) كما يلي:

$$\begin{aligned} K_A &= \frac{r}{R_A} = \frac{2r \sin \partial_A}{D} : \sin \partial_A = \frac{1}{2} \cdot \frac{D}{R_A} \\ K_B &= \frac{r}{R_B} = \frac{2r \sin \partial_B}{D} : \sin \partial_B = \frac{1}{2} \cdot \frac{D}{R_B} \end{aligned} \quad (4)$$

حيث:

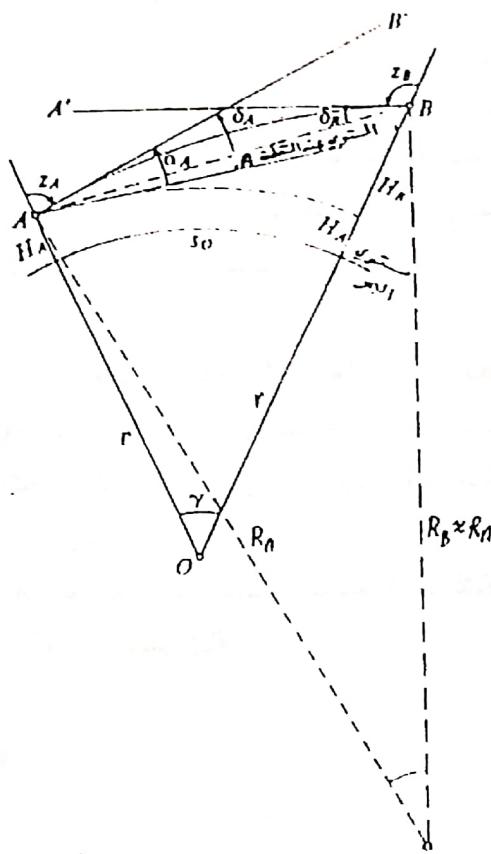
r : نصف قطر الكرة الأرضية.

R_A, R_B : نصف قطر منحنى الانكسار عند النقطتين A و B .

K_A, K_B : معامل الانكسار الشاقولي عند النقطتين A و B .

D : المسافة المائلة AB

δ_A, δ_B : زاويتا الانكسار الشاقولي عند النقطتين A, B



الشكل (1) يبين حالة القياس المتزامن للزوايا الرأسية.

نحصل من العلاقةين (4) على:

$$\partial_A = \frac{D.K_A}{2.r}, \partial_B = \frac{D.K_B}{2.r} \quad (5)$$

وذلك باعتبار أن الزوايا ∂_A, ∂_B صغيرتان، بحيث يمكن قبول:

$$\sin \partial_A \approx \partial_A \text{ (Radian)}$$

$$\sin \partial_B \approx \partial_B \text{ (Radian)}$$

في طريقة البروفيسور لازاريني يتم اعتماد المساواة:

$$K_A = K_B = K \quad (6)$$

ومنه نجد أن:

$$\partial_A = \partial_B = \partial$$

من دراسة الطريقة السابقة، نلاحظ أن تطبيق القياسات المتزامنة للزوايا يشكل مشكلة في حد ذاته،

لأن ذلك يتطلب استخدام أكثر من جهاز واحد من قبل أكثر من راصد واحد في الوقت نفسه. ومن ناحية

أخرى، بالنظر إلى طبيعة القياسات في بعض الشبكات الجيوديزية، من غير الممكن تركيز الجهاز الجيوديزي

فوق كل نقاط الشبكة (مثلاً فوق النقاط المرصودة ضمن شبكة المراقبة القياسية)؛ لذا من أجل حذف أثر

الانكسار الشاقولي في قياسات الزوايا الشاقولية، يجب التفكير بطرق أخرى ملائمة للهدف من هذا البحث،

وهو باختصار: اختزال الزوايا الشاقولية المقيسة قبل مرحلة المعالجة الرياضية، بحيث يمكن استخدام هذه القياسات ضمن الشبكات الجيوديزية ثلاثية الأبعاد.

3 – عرض الطرق المقترحة لاختزال الزوايا الشاقولية:

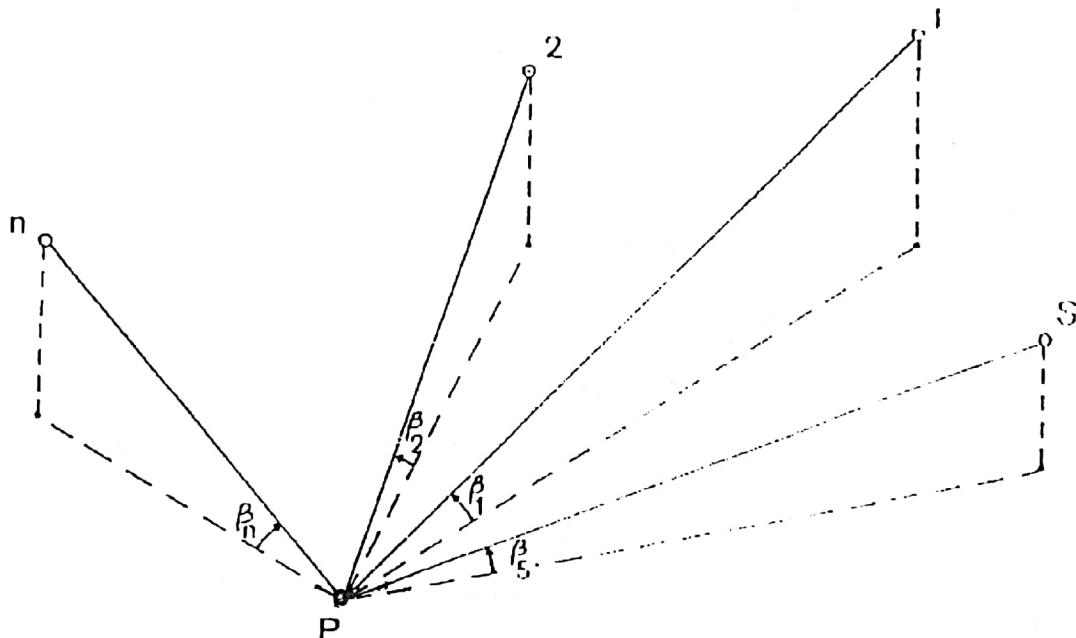
في البداية لا بد من القول: إن الطريقيتين المقترحتين تصلحان للاستخدام في تلك الحالات، عندما لا توجد إمكانية تنفيذ القياسات المتزامنة للزوايا الشاقولية. وتم اختبار الطريقيتين ضمن شبكة المراقبة القياسية المصممة لمراقبة سد السادس عشر من تشرين في محافظة اللاذقية.

3 – 1 – الطريقة الأولى:

نفترض هنا أن خطة القياسات ضمن الشبكة ثلاثة الأبعاد، تتضمن تنفيذ قياسات للزوايا الشاقولية وقياسات التسوية الهندسية الدقيقة. يتطلب هذا الافتراض تصميم الشبكة بحيث تحقق متطلبات المنشأة المرصودة، إضافة إلى تحقيق الشروط الناتجة عن الطريقة المقترحة، والمتعلقة بإيجاد التصحیحات الاختزالية المرتبطة بالانكسار العمودي لخطوط رصد الزوايا الشاقولية.

نفترض أن النقطة P هي المرصد الذي نقىس عنده الزوايا الشاقولية نحو النقاط.

($S, 1, 2, \dots, n$) كما يظهر في الشكل (2).



الشكل (2) يبين خطة قياس الزوايا الشاقولية عند المرصد P .

وفي الوقت نفسه نقوم بقياسات التسوية الهندسية الدقيقة بين النقطتين P و S . تعتمد الطريقة المقترحة لتحديد التصحیحات الانكسارية للزوايا الشاقولية المقيسة على الفرضيات التالية:

1 - تمر جميع خطوط الرصد من النقطة P إلى النقاط المرصودة ضمن ظروف طبوغرافية متشابهة. ويمكن تحقيق هذه الفرضية من خلال التصميم المناسب للشبكة، ويمكن أيضاً تصنيف الزوايا الشاقولية المقيسة ضمن مجموعات تتشابه عند كل منها الظروف الطبوغرافية.

2 - تقلص الزوايا الشاقولية في الوقت نفسه تقريباً نحو جميع النقاط ضمن المجموعة الواحدة (المحددة في الفرضية السابقة)، وبالعدد المحدد من دورات القياس، وبالوضعياتين الأولى والثانية للناظارة المساحية.

ثم نجري لكل مجموعة من القياسات العمليات التالية:

أولاً: بمعرفة فرق الارتفاع بين النقطتين (P و S) والزاوية الشاقولية β_s ، يمكن حساب قيمة معامل الانكسار، باستخدام القانون التالي: [2]

$$K_s = 1 + (D \cdot \sin \beta_s + i - w - \Delta H) \cdot \frac{2r}{D_{ps}^2} \quad (7)$$

حيث:

D_{ps} : المسافة المائلة بين النقطتين P و S.

i: ارتفاع جهاز القياس.

w: ارتفاع الإشارة الجيوديزية فوق النقطة المرصودة.

ΔH : فرق الارتفاع المقيس بالتسوية الهندسية الدقيقة.

ثانياً: بالتوافق مع ما يقوله جورдан [6] (ومفاده أن الظروف الطبوغرافية والجوية المحيطة بالمرصد تلعب الدور الأكبر في تعين قيمة معامل الانكسار الشاقولي)، يمكننا قبول نفس قيمة معامل الانكسار لكل الزوايا الشاقولية المقيسة ضمن المجموعة الواحدة، في كل دورة قياس.

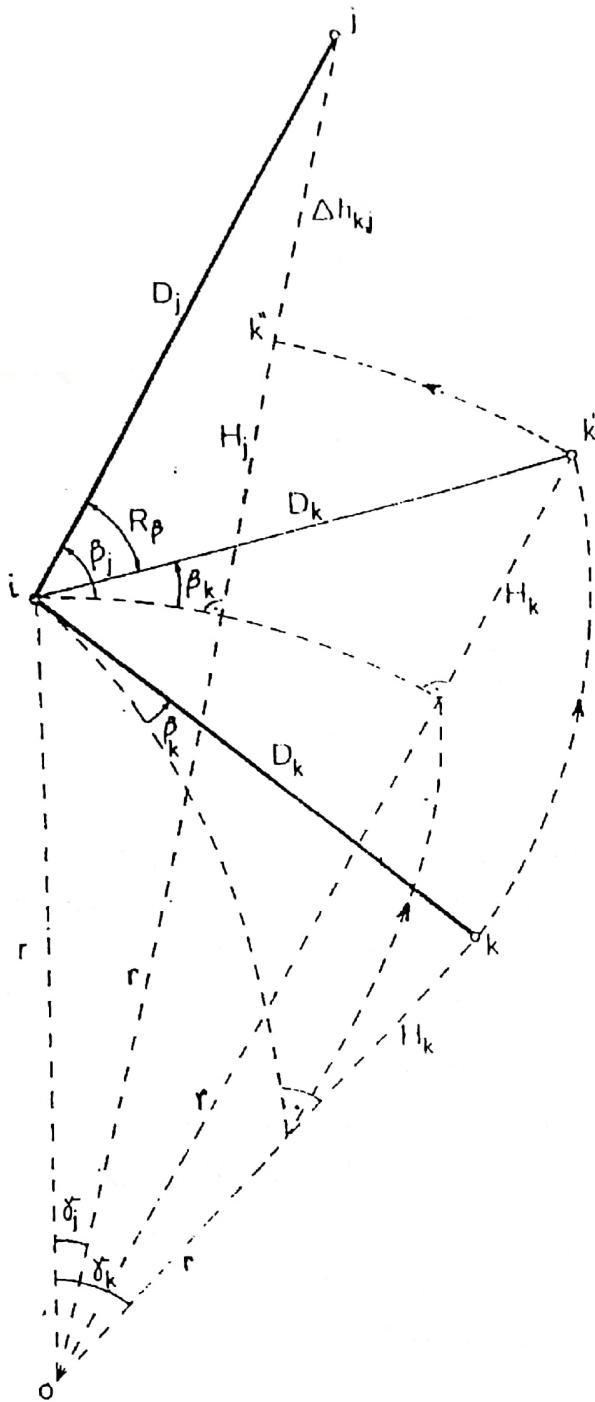
ثالثاً: نعتمد القيمة النهائية لمعامل الانكسار على أنها المتوسطة الحسابية لقيم المحسوبة في دورات القياس المحددة.

علياً، من النادر أن نحتاج إلى هذا التفصيل لحساب التصححات للزاوية الشاقولية، وكذلك فإن الزمن اللازم لقياس الزوايا الشاقولية ضمن ثلاث دورات قياس (العدد الشائع من الزوايا) لكل مجموعة قصير جداً. فمثلاً خلال تنفيذ مجموعة لقياسات زوايا شاقولية ضمن شبكة المراقبة القياسية لسد السادس عشر من تشرين، على نهر الكبير الشمالي، كنا نستغرق أقل من ساعة واحدة. في هذه الحالة يكفي تحديد القيمة المتوسطة للزوايا المقيسة، ومن ثم حساب القيمة المتوسطة لمعامل الانكسار بالاعتماد على هذه القيمة. ثم نقوم بحساب تصحيحات الانكسار لكل زاوية شاقولية بشكل مستقل عن الزوايا الأخرى ضمن المجموعة الواحدة، باعتماد القانون:

$$\partial = \frac{D \cdot K}{2r} \quad (8)$$

3 - 2 - الطريقة الثانية:

تعتمد هذه الطريقة على قياس فروقات الزوايا الشاقولية R_p من النقطة P إلى النقاط i و k (كما يظهر في الشكل - 3 -) تمر ضمن ظروف طبوغرافية متشابهة تقريباً، وأن الظروف الطبوغرافية والجوية عند المرصد I تلعب الدور في تعين معامل الانكسار.



H_k, H_j : ارتفاعاً نقطتين j, k

K' : مسقط النقطة k على المستوى المار من النقاط Oij

K'' : مسقط النقطة $'K'$ على الشاقول المار من النقطة j

الشكل (3) بين خطى الرصد من المرصد i إلى النقاطين j و k .

و هكذا بقياس فروقات الزوايا الشاقولية.

$$R_\beta = \beta_K - \beta_J$$

تلحظ إمكانية حذف أثر الانكسار الشاقولي، إذا كانت قيمته هي نفسها بالنسبة لكل من الزواياتين

و هذا يحدث فقط عندما يكون:

$$\partial\beta_J = \partial\beta_K \quad (9)$$

أي:

$$\frac{D_J \cdot k}{2r} = \frac{D_K \cdot k}{2r}$$

ومنه:

$$\Delta\partial\beta = \partial\beta_K - \partial\beta_J = \frac{k}{2r}(D_K - D_J) = \frac{k \cdot \Delta D}{2r} \quad (10)$$

في المعادلة (10) نجد أن تصحيات الانكسار لفروقات الزوايا الشاقولية (وحتى لو تساوي قيم معاملات الانكسارية k) ترتبط بأطوال خطوط الرصد. وتحقق المعادلة:

$$\Delta\partial\beta = 0$$

عندما يكون لدينا:

$$\Delta D = 0$$

في الحياة العملية، ونظرًا لخطاء القياس المركبة، يمكن قبول قيمة مسموحة لـ ΔR_β ، وبهذا

يمكن تحديد المجال الذي يسمح لـ ΔD بالتواجد ضمنه. ففرض أن:

$$\begin{aligned} |\Delta\partial\beta| &\leq 1 \\ K &= 0.13 \end{aligned} \quad (11)$$

نجد بعد تطبيق العلاقة (10) أن:

$$|\Delta D| = 153.94m \quad (12)$$

وإذا أخذنا بالاعتبار عدم إمكانية حساب قيمة k بدقة كبيرة، يمكن تخفيض فرق المسافة المسموحة

$|\Delta D|$. ففرض أن الخطأ النسبي لحساب قيمة K هو:

$$\frac{mk}{k} \approx 0.5 \quad (13)$$

يكون:

$$|\Delta D|_{\max} \approx 100m \quad (14)$$

إذاً لتطبيق هذه الطريقة، يمكننا تصنيف مجموعة فروقات الزوايا الشاقولية المقيسة ضمن شرائح، وذلك وفقاً لأطوال خطوط الرصد من المرصد إلى النقاط المرصودة، بحيث يتحقق لدينا الشرط (14) المنكر أعلاه.

من ناحية أخرى، لا تسمح لنا معرفة فرق الزاوية الشاقولية R_β ، وطولى الضلعين R_K ، D_K بتحديد فرق الارتفاع بين النقطتين J و K ، لأنه من غير المحدد هنا توجيه نظام القياسات بالنسبة لنظام الإحداثيات المقبول. إذاً لا يمكن استخدام القياس المسمى فرق الزاويتين الشاقوليتين R_β في مجال التسوية المثلثية.

لا يمكننا بالنسبة للزاوية R_β تحديد ذراع يميني أو يساري كما في حال الزاوية الأفقية. لكن يمكننا

اصطلاح ما يلي:

— يأخذ فرق الزوايتين الشاقوليتين قيمة موجبة دوماً.

— تمثل ز تلك النقطة التي تأخذ عندها الزاوية الشاقولية القيمة الأكبر.

— تمثل k تلك النقطة التي تأخذ عندها الزاوية الشاقولية القيمة الأصغر.

وبذلك يكون:

$$R_\beta = \beta_J - \beta_K \quad (15)$$

4 – التطبيق العملي:

لإظهار فعالية كل من الطريقتين المقترحتين في هذا البحث، قمنا بتطبيقها ضمن شبكة المراقبة القياسية المنفذة من قبلنا، ضمن حرم سد السادس عشر من شرين في محافظة اللاذقية.

ضمن هذه الشبكة ثلاثية الأبعاد تم تصميم خطة القياس، بحيث تشمل قياسات لزوايا الشاقولية أو فروقات الزوايا الشاقولية، من المراسد الخارجية إلى النقاط الممكنة للجزء البيتوبي، وذلك بسبب صعوبة الوصول المباشر إليها.

قبل إخضاع قياسات الزوايا الشاقولية، أو فروقات الزوايا الشاقولية للمعالجة العددية، يجب احتزال هذه القياسات بالنظر لعدة ظواهر. من بين هذه الظواهر العديدة نذكر عدم توالي الشوائق وانكسار الأشعة. وقد بتنا في بحث سابق كيفية حساب التصححات الاختزالية الناتجة عن عدم توالي الشوائق (قيد الطباعة والنشر في مجلة جامعة شرين – سلسلة العلوم الهندسية)، ونبين هنا كيفية حساب التصححات الاختزالية الناتجة عن الانكسار الشاقولي للأشعة.

على سبيل المثال لا الحصر، سنأخذ مجموعة قياسات الزوايا الشاقولية المنفذة من المرصد D، إلى النقاط a و b و c و e و f على الجزء البيتوبي من السد. من بين هذه النقاط يمكن الوصول مباشرة إلى النقطة a فقط، أي يمكن استخدام التسوية الدقيقة لقياس ارتفاعها بالنسبة للنقطة D في كل دورة قياس. كما نلاحظ أن جميع النقاط متشابهة تقريباً من حيث الطبوغرافية والظروف الجوية المحيطة. نستطيع إذاً استخدام الطريقتين المقترحتين للتخلص من أثر الانكسار الشاقولي في قياس الزوايا الشاقولية أو فروقاتها.

ونورد ضمن الجدول (1) نتائج قياس الزوايا الشاقولية التي تمت في الفترة بين 1-3/1998م، باستخدام جهاز تيودوليت من النوع Leica T-1800، ولقياس المسافات استخدمنا قائساً إلكترونياً من نوع Leica DI-3000S. إذ إن دقة قياس الزاوية الشاقولية فيها $3'' \pm$ ، و الخطأ المتوسط لقياس الخطى $\pm (3\text{mm}+1\text{p.p.m})$

الجدول رقم (1) : جدول تقييمات الزوايا الشاقوليّة

تاریخ التبیین: ١٩٩٨/١٠/٣
ساعة التبیین: الخامسة
حالة المدقق: شمس
.D: المرصد:

		النوع						النوع						النوع					
		Gr	C	CC	CCC	Gr	C	CC	CCC	Gr	C	CC	CCC	Gr	C	CC	CCC		
a		007	68	70		007	68	74		007	68	72							
		70	68	70		70	68	78	68	76				72	68	72			
		68	70	68	69		68	76	68	76	68			74	78	76	74		
		68	68	68	69	007	76	72		007	76	70		007	76	70	73		
b		76	68			72	76	70		68	76	70							
		72	76	70		70	76	76	68	76	70			76	66	68			
		76	70	76	70	70	76	76	64	76	66			62	76	64	76		
		70	76	70	70	007	88	66	66	66	66			007	83	70	66		
c		88	68			72	88	70		66	88	66			66	88	68		
		72	88	70		88	70	70		66	88	68			88	64	88	66	
		88	72	88	72	88	71	005	84	76	88	68	67	005	84	70	68		
		72	83	72	88	71	005	84	76	66	88	68	67	005	84	70	68		
d		84	70			72	84	71		72	84	74							
		72	84	71		84	70	70		84	70	70			84	66	84	68	
		84	72	84	73	84	72	005	93	74	74	72	73	005	93	60	84	68	
		74	84	73	84	72	005	93	70	20	93	20		005	93	20	84	68	
e		93	24	93	22		93	14		93	14			93	18	16	93	18	
		26	93	26	93	24	18	93	16	93	18	18	93	18	93	18	93	18	
		93	26	93	26	93	24	18	93	16	93	18	18	93	18	93	18	93	
		93	26	93	26	93	24	18	93	16	93	18	18	93	18	93	18	93	

ملحق:

٤ - ١ - استخدام الطريقة الأولى:

لحساب قيمة معامل الانكسار قمنا بقياس فرق الارتفاع بين المرصد D، والنقطة المرصودة a، باستخدام التسوية الهندسية الدقيقة.

ويبين الجدول (2) نتائج القياسات التي تمت باستخدام جهاز نيقو 2-Ni.

الجدول (2): جدول قياسات التسوية الدقيقة بين المرصد D والنقطة المرصودة a.

رقم النقطة	النقطة المرصودة	المسافة كم	القراءات على الميرا		الفرقونات I-II	القيم المتوسطة لفرقونات الارتفاعات	ملاحظات
			المسيطرة I	المسيطرة II			
			خلفية أمامية	خلفية أمامية			
			فرق الارتفاعات				
1	D 101	27.5 27.0	36502 31329 0.5173	6352 1180 0.5172	30150 30149	0.5172	
2	101 102	22 23	39818 358470 3971	9667 5697 0.3970	30151 30150		0.3971
3	102 103	30 31	56612 32579 2.4033	26460 2428 2.4032	30.152 30151	2.4032	
4	103 104	28 28.5	55030 31220 2.3810	24882 1071 2.3811	30148 30149	2.3811	
5	104 105	30 31	56782 30962 2.8820	29632 812 2.8820	30150 30150	2.8820	
6	105 106	20 20.5	56392 34209 2.2183	26241 4059 2.1182	30151 30150	2.2182	
7	106 107	10 10	56418 38208 1.8210	26269 8058 1.8211	30149 30150	1.8211	
8	107 108	11 11.5	56320 42598 1.3722	26169 12446 1.3723	30151 30152	1.3722	
9	108 109	8 8.5	58920 30819 2.8101	28771 669 2.8102	30149 30150	2.8102	
10	109 110	5.5 6	58815 31813 2.7002	28665 1663 2.7002	30150 30150	2.7002	
11	110 111	7.0 7.5	58004 30293 2.7711	27853 141 2.7712	30151 30152	2.7712	
12	111 112	4.75 5	58162 33158 2.5004	28013 3010 2.5003	30149 30148	2.5003	
13	112 113	4.5 4.75	56220 31198 2.5022	26069 1048 2.5021	30151 30150	2.5021	
14	113 114	4.75 4.75	57090 31985 2.5015	26940 1834 2.5016	30150 30151	2.5014	
15	114 115	4.75 4.75	58186 33094 2.5092	28035 2942 2.5093	30151 30152	2.5093	
18	117 118	5 4.5	56918 31878 2.5040	26767 1728 2.5039	30149 30150	2.5124	
19	118 a	8.8 9.0	38162 48102 0.9940-	8012 17952 0.9940-	30150 30150		0.9940

$$\sum = 39.4162 - 1.3911 = 38.0251m$$

باستخدام القانون (7) يمكن حساب قيمة k كما يلى:

$$k = 1 + (326.974 \cdot \sin 7.6875 + 0.380 - 1.750 - 38.0251) \cdot \frac{2.637000}{(326.974)^2}$$

$$k = 0.136$$

$$m_k^2 = \frac{4r^2}{D^4} (\sin^2 \beta m_D^2 + D^2 \cos^2 \beta m_\mu^2 + m_{\Delta H}^2)$$

$$m_D = \pm 3.3 \text{ mm}$$

$$m_\beta = \pm 0.87^\circ$$

$$m_{\Delta H} = \pm 0.1 \sqrt{n} = \pm 0.44 \text{ mm}$$

$$m_k = \pm 0.088 \Rightarrow \frac{m_k}{k} = 65\%$$

باستخدام القيمة السابقة المعممة لمعامل الانكسار $k = 0.13$ ، يمكن حساب التصحيحات الاختزالية الناتجة عن الانكسار للزوايا الشاقولية. ويجري الجدول (3) نتائج هذه الحسابات:

الجدول (3) بين التصحيحات والزوايا المختزلة.

الزاوية المقيسة	$D(m)$	$\partial \beta^{(CC)}$	القيمة المختزلة للزاوية	وسطى الزاوية المقيسة
β_{Da}	326.974	2.2	7.6875	7.6873
β_{Db}	323.810	2.2	7.7670	7.7668
β_{Dc}	318.904	2.2	7.8870	7.8868
β_{De}	327.060	2.2	5.8473	5.8471
β_{Df}	322.334	2.2	5.9332	5.933

4 – استخدام الطريقة الثانية:

بالتوافق مع الاصطلاحات المقبولة في هذا البحث، تكون قيم فروقات الزوايا موجبة دوماً. وبالتالي باعتبار النقطة a على أنها نقطة ابتدائية، تتشكل قياسات فروقات الزوايا الشاقولية $R_\beta = \beta_J - \beta_K$ كما في الجدول رقم (4):

الجدول (4): يبين الفروقات الأعظمية بين المسافات المائلة.

فرق الزاوية	D_J	D_K	قيمة القياس	$ \Delta D $
$R_{\beta_{ab}}$	323.810	326.974	0.0795	3.164 m
$R_{\beta_{ac}}$	318.904	326.974	0.1995	8.07m
$R_{\beta_{bc}}$	326.974	327.060	1.8402	0.086 m
$R_{\beta_{ca}}$	326.974	322.334	1.7543	4.64m

نلاحظ من الجدول السابق أن الفرق الأعظمي بين المسافات المائلة بين المرصد D والنقاط المرصودة، يبلغ القيمة 8.07m، وهي أصغر بكثير من الفرق الأعظمي المسموح والمحدد بالشرط (41). ولا بد من الذكر هنا، أن استخدام قياس فروقات الزوايا الشاقولية لإيجاد تشوهات المنشآت الهندسية، يتطلب المحافظة على خطة قياس موحدة ضمن شبكة المراقبة الجيوديزية.

5 – النتائج:

- من مجل الدوريات النظرية والأعمال الحقلية المنفذة في سياق هذا البحث، يمكن استخلاص ما يلي:
- يجب اختيار الزوايا الشاقولية المقيسة بالنظر إلى أثر الانكسار الشاقولي لشعاع الرصد قبل مرحلة المعالجة العددية للقياسات المنفذة.
 - يمكن استخدام الطريقتين المقترحتين بنجاح.
 - ويفضل استخدام الطريقة الثانية (قياس فروقات الزوايا الشاقولية) عند توفر إمكانية المحافظة على هندسية موحدة، وخطة قياس متكررة ضمن دورات القياس المتتالية. وفي الأحوال الأخرى يمكن استخدام الطريقة الأولى.

المراجع

REFERENCES

- [1] Lazzarini T.: Geodezja "Geodezyjna Osnowa Szczegotowa". Warszawa 1990.
- [2] د. فحصة ابراد. الجيوديزيا (2)، مطبوعات جامعة شرين 1998 - 1999 م.
- [3] Laudyn I.: Cwiczenia z Geodezji II (Niwelacja Trygonometryczna). Warszawa 1990.
- [4] Holejko K.: Precyzyjne Elektroniczne Pomiary Odleglosci i Katow. Warszawa 1988.
- [5] Dyson J.: "Correction for Atmospheric Refraction in Surveying and Alignment." *Nature* No 216. London 1967.
- [6] Muskett J.: *Site Surveying*. Second Edition 1995.
- [7] Bannister A., Baker R : *Solving Problems in Surveying* 1994.
- [8] Tengestrom E.: *Elimination of Refraction in Vertical Angle Measurements*. Wien 1967.
- [9] Russell C. Brinker and Roy Minnick: "The Surveying Handbook." International Thomson Publishing Company 1994.