

\*د. محمد إبراهيم خنيسي

(قبل للنشر في 17/6/1998)

## □ ملخص □

يتناول البحث دراسة ديناميكية لنموذجي آلة مكبسة عندما تعمل في نظام عمل كمضخة حرارية وآلة تبريد لا تستلزم الفريون الذي يضر بطبقة الأوزون في طبقات الجو العليا.

يمكن استخدام هذه الدراسة من أجل التصميم الأولي التجاري لمثل هذه الآلات والتي تنقل الحرارة من مستوى حراري إلى آخر مرتفع أو العكس حسب نظام العمل وهي آلات ممتعة للغاية عندما تستخدم كمضخة حرارية حيث يتحقق الاقتصاد في الوقود والطاقة لأن جزءاً كبيراً من الحرارة يؤخذ من الوسط الخارجي (بحيرة - هواء - أرض).

## USING MODERN VIBRATIONAL ELEMENTS IN HEATING AND COOLING SYSTEMS

Dr. Khnissi Mohammad\*

### □ ABSTRACT □

*This paper presents a dynamic study of two types of a piston machine when functioning in a working-system as a heat pump and a cooling machine that does not use freon gas.*

*This study could be used for the experimental preliminary designing of such machines, which change heat from a particular level to a higher one, or vice versa, according to the working-system. These machines could really be useful when used as heat pumps as they provide a notable economy in petrol and power. This is due to the fact that a large amount of heat can be acquired from external surroundings (a lake, air, the ground, etc).*

## مقدمة:

نظراً للتطور السريع في مجال تصميم الآلات الجديدة أكثر اقتصادية وأكثر حماية للبيئة، فإن هذا البحث يتناول دراسة ديناميكية لآلات ستيرلينغ الحرارة المكابس عندما تعمل في نظام عمل كمضخات حرارية وألات تبريد لا تستخدم الفريون وقد تم تحديد القيم الضرورية لزوايا فرق الصفحة من أجل نسب انضغاط مختلفة بالاعتماد على دراسة دارة ستيرلينغ الترموديناميكية المثالية وذلك بطريقة نشر حركة انتقال المكابس في حيز الانضغاط والتمدد وفق مسلسلة فورييه.

تم تشكيل المعادلات التفاضلية للحركة من أجل نظامين اهتزازيين رباعي الكتل وثنائي الكتل، ومن ثم حل هذه المعادلات التفاضلية (أو الموديل الرياضي) بوساطة الحاسوب.

كما تم الحصول على علاقات التوابع الانقلالية وزوايا فرق الصفحة باعتماد برنامج بحث مجال المتغيرات ليصار إلى إيجاد القيم الديناميكية لمخططات الآلتين المفترتين (رباعية الكتل وثنائية الكتل). واللترين تؤمنان تحقيق دارة ستيرلينغ الترموديناميكية المعروفة في آلة ستيرلينغ المكبسي، يمكن استخدام الطريقة المقترنة من أجل التصميم الأولى التجاري لمثل هذه الآلات.

إلى جانب محركات الاحتراق الداخلي، والعنفات البخارية والغازية هناك نوع من الآلات المكبسيّة الحرارية الغازية ذات الاحتراق الخارجي يحقق دارة ستيرلينغ الترموديناميكية وهو معروف تحت اسم ستيرلينغ [1]. تملك الآلات الحرارية التي تعمل وفق دارة ستيرلينغ الترموديناميكية أفق تطور واسعة لاستخدامها كآلات تبريد بدون فريون ومضخات حرارية وهذا ما يعتبر مسألة هامة من أجل حماية البيئة حيث يمكن الابتعاد عن استخدام الفريون الذي يضر بطبقة الأوزون [2]. كما أن استخدام الآلات الحرارة المكابس لهذه الغاية يسمح بتبسيط الحلول التقنية المعقدة والتي تظهر عند استخدام ميكانيزمات معروفة (آلية الذراع والمرفق) واستخدام عناصر اهتزازية حديثة بدلاً عنها.

إن استخدام الوصلة المغناطيسية في مثل هذه الآلات لتنظيم زاوية فرق الصفحة ولمنع تصدام المكبسين العامل والمزيج يعتبر اتجاهًا متظورًا في مجال إنشاء آلات النموذج الجديد والتي تعمل وفق دارة ستيرلينغ الترموديناميكية العكسية. يدرس هذا البحث آلة ستيرلينغ الحرارة المكابس والتي فيها الحركة التردية للعناصر توافق دارة ستيرلينغ الترموديناميكية المعروفة ويتم ذلك بتتابع التأثير المتبادل لهذه العناصر مع قوى المرونة للجسم العامل بدون وصلة ميكانيكية بين المكبسين العامل والمزيج.

إن أهم محسن هذه الآلات هي بساطة الحركة والتصميم وقدرتها على الإقلاع الذاتي.

يهدف البحث إلى إنشاء أنظمة اهتزازية ميكانيكية رباعية الكتلة وثنائية الكتلة عن طريق بحث مجال العناصر الديناميكية لآلات ستيرلينغ الحرارة المكابس والتي تعمل وفق دارة ستيرلينغ الترموديناميكية في نظام عمل كمضخات حرارية وألات تبريد، كما في عمل (أوكر) [3].

يبين الشكل (1) دارة ستيرلينغ المثالية بالنسبة للزمن، حيث توضح المخططات 1<sub>C</sub>, 2<sub>C</sub>, 3<sub>C</sub>, 1<sub>E</sub>, 2<sub>E</sub>, 3<sub>E</sub> مسار مكبس حيز الانضغاط بينما 1<sub>E</sub> تشير إلى مسار مكبس التمدد من أجل نسب انضغاط مختلفة.  $\delta a$ : نصف المسار.

T: دور الحركة وقياس بالثانوية.

نجري تسامح وهو بأن الحجم الميئنة = الصفر، عندئذ من المخططات من أجل سرعة واحدة للحركة على المسارات المباشرة والعكسية وبالموافقة نجد:

المخطط (1): فإن نسبة الانضغاط 2 =  $\alpha$ .

المخطط (2): فإن نسبة الانضغاط  $\infty < \alpha < 2$ .

المخطط (3): فإن نسبة الانضغاط  $\alpha = \infty$ .

نحدد الدور على أنه مجموعة أزمنة: المسار المباشر + التوقف + المسار العكسي.

$$أي: T = t_{dir} + t_{stop} + t_{inve}$$

وبالتالي من أجل المخطط (1) لدينا:

$$t_{dir} = t_{inve} = 2/5T$$

$$t_{stop} = 1/5T$$

من المخطط (2) لدينا:

$$t_{dir} = t_{inve} = 1/3T$$

من المخطط (3) لدينا:

$$2/5T \geq t_{dir} = t_{inve} \geq 1/3T$$

$$T/5 < t_{stop} < T/3$$

من أجل حركة توافقية (Harmonic Motion) للمكابس فإن كل مجال الدارة يحقق المقاطع المحددة في الوقت نفسه وفي أكثر المخططات الكينماتيكية لآلات ستيرلينغ فإن حركة المكابس تعتبر توافقية وبالتالي من تحليل المخططات السابقة يمكن تحديد زاوية فرق الصفحة بواسطة النسبة بين الحركة في حيز الانضغاط والتمدد عن طريق نشر هذه المخططات وفق سلسلة فورييه وتحديد المكونات التوافقية الأولية وهذا التحليل تم إجراؤه من أجل المخططات (1) و(3) وتم تحديد مجال زاوية فرق الصفحة.

$$\Delta a = 1, t = 2\pi, T = 2\pi$$

من المخططات 1 يمكن أن نكتب للمطال الأول  $\sin$  &  $\cos$  بعد النشر وفق سلسلة فورييه:

$$a_{1c} = \frac{1}{\pi} \int_0^{4\pi} \left( -1 + \frac{5\varphi}{2\pi} \right) \sin \varphi d\varphi + \frac{1}{\pi} \int_{4\pi/5}^{6\pi/5} \cos \varphi d\varphi + \frac{1}{\pi} \int_{6\pi/5}^{2\pi} \left( 1 - \frac{5\varphi}{8\pi} \right) \cos \varphi d\varphi$$

$$b_{1c} = \frac{1}{\pi} \int_0^{4\pi} \left( -1 + \frac{5\varphi}{2\pi} \right) \sin \varphi d\varphi + \frac{1}{\pi} \int_{4\pi/5}^{6\pi/5} \sin \varphi d\varphi + \frac{1}{\pi} \int_{6\pi/5}^{2\pi} \left( 1 - \frac{5\varphi}{8\pi} \right) \sin \varphi d\varphi$$

$$\operatorname{tg} \varphi_1 = \frac{b_{1c}}{a_{1c}}$$

$$\varphi_1 = \operatorname{arctg} \varphi_1 = -8^\circ$$

بالتالي من أجل مخطط التمدد نحصل على:

$$\varphi_2 = 121^\circ$$

وبالتالي فإن زاوية فرق الصفحة هي:

$$\Phi = \varphi_1 - \varphi_2 = -8 - (-121) = 113^\circ$$

بعد ذلك ندرس المخطط رقم (2) أي تغير زاوية الصفحة وبتسامحات مشابهة لدينا:

$$\operatorname{tg} \varphi_1 = \frac{b_{2c}}{a_{2c}}$$

$$\varphi_1 = \operatorname{arctg} \varphi_1 = 69^\circ$$

$$\varphi_2 = -152^\circ$$

وبالتالي فإن فرق الصفحة يكون:

$$\Phi = \varphi_1 - \varphi_2 = -69 + 152 = 83^\circ$$

بهذا الشكل فإن مجال تغير الصفحة الحقيقي من أجل نسب مختلفة للانضغاط يكون من  $115^\circ$  إلى  $80^\circ$ .  
هذه النتائج تم الحصول عليها باستخدام نظام الحسابات التحليلي [4]REDUCE (CAB).

تحليل مخططات الألات الحرة المكبسية ذات الوصلة المغناطيسية بين المكبسين العامل والمرizج يمكن دراسة الأنظمة الميكانيكية التالية:

### 1- مخطط رباعي الكتلة: الشكل (2)

يتمتع هذا المخطط بوجود وصلة مرنة بين حيز التمدد والانضغاط، يتألف الهيكل من كتلتين أساستين  $m_1$  والكتلة  $m_2$  تصل بعنصر التحريكية الخارجية، وـ  $m_2$  المرتبطة بـ  $m_1$  بواسطة النابض ذي الصلابة  $F(t), k_{12}$  مولد الاهتزاز.

المكبس العامل يعبر عنه بالكتلة  $m_3$ .

المكبس المزج يعبر عنه بالكتلة  $m_4$ .

نابض غازى ذو صلابة  $k_{ge}$  بين  $m_1$  و  $m_3$ .

نابض غازى ذو صلابة  $k_{ge}$  بين  $m_2$  و  $m_4$ .

وبين  $m_3$  و  $m_4$  يوجد وصلة مغناطيسية ذات صلابة  $C_M$  وعامل إخماد  $C_M$ ، والتي تعبر عن الخواص الاهتزازية للوصلة المغناطيسية. إن مسألة جهاز مولد الاهتزاز لم تدرس، ونعتبر بأن مولد الاهتزاز هذا يعطي حركة هرمونية للهيكل بتردد معين وبمطال معين فمن أجل التردد 10 هرتز يمكن أن يكون مولد الاهتزاز هيدروليكي ومن أجل تردد 50 هرتز يمكن أن يكون كهرومغناطيسيًا.

### 2- مخطط ثالثي الكتلة:

من أعمال ولIAM بيل يتضح إمكانية استخدام مولد اهتزاز يرتبط بشكل مباشر مع أحد المكبسين ويبقى الهيكل ثابتاً في هذه الحالة يقترح المخطط الموضح على الرسم (3) حيث أن الهيكل  $m_1$  ثابت وتوضع القوة  $F_{(t)}$  أي مولد اهتزاز إلى الكتلة  $m_3$  مباشرة.

$C_{gc}$  التأثير المتبادل بين  $m_3$  والهيكل  $m_1$ .

$C_{gE}$  التأثير المتبادل بين  $m_4$  والهيكل  $m_1$ .

$M_3$  و  $m_4$  ترتبطان بواسطة الوصلة المغناطيسية ذات الصلابة  $K_M$  وعامل الإخماد  $C_M$  والتي هي عبارة عن مغناطيس أحادي القطبية SS أو NN ومولد الاهتزاز في هذه الحالة يجب أن يكون كهروميكانيكي لذلك فإن التردد 50Hz يعتبر مناسب جداً، يمكن اعتماد ما يلي من أجل المخططات السابقة الموضحة في البحث [5]:

1- الموديل المعتمد خطى حيث هذا التسامح لا يأخذ بعين الاعتبار التغير اللاخطى المستمر للصلبات  $K_{ge}$  و  $K_{gE}$ ، والتغير المستمر لكتلة الغاز في كل حيز من جراء التسرب خلال معيد التوليد والطبيعة اللاخطية لتأثير القوة المغناطيسية، بعد حل مسألة تركيب البارامترات الديناميكية هذه عملاً بأن الاعتبارات القادمة يمكن أن تنفذ في عملية تجريب الآلة المقترنة. والتي يعبر عنها بواسطة جملة المعادلات التفاضلية السابقة وعبارات القيم المعيارية الضرورية من أجل حل مسألة إيجاد الحل الأمثل.

تكتب معادلات الحركة من أجل الموديل رباعي الكتلة بالمعادلات التفاضلية التالية:

$$m_1 x_1'' + k_{gc} (x_1 - x_2) + k_{12} (x_1 - x_2) = F_{(t)}$$

$$m_2 x_2'' + k_{gE} (x_2 - x_4) + k_{12} (x_2 - x_1) = 0$$

$$m_3 x_3'' + k_{gc} (x_3 - x_1) + C_M (x_3' - x_4') + k_M (x_3 - x_4) = 0$$

$$m_4 x_4'' + k_{gE} (x_4 - x_2) + C_M (x_4' - x_3') + k_M (x_4 - x_3) = 0$$

حيث:

$K_{gc}$ : صلابة النابض في حيز الانضغاط.

$K_{gE}$ : صلابة النابض الغازى في حيز التمدد.

$K_M$ : صلابة الوصلة المغناطيسية.

$C_M$ : ثابت إخماد الوصلة المغناطيسية.

$K_{12}$ : صلابة الوصلة المرنة بين الأسطوانتين الأولى والثانية.

هذه المعادلات تكتب بالشكل الجبري بمساعدة تحويل لا بلس  $AX=F$ .

من أجل الحصول على العلاقات النهائية من الضرورة اعتماد الانتقالات النسبية كما في المخطط بربط تغير حجوم حيز الانضغاط والتمدد.

ثم باعتماد اتجاهات محددة  $\delta_1, \delta_2, \delta_3, \delta_4$  ضرورية من أجل المطابقة مع عملية تحديد زاوية فرق الصفحة.

$$x_1 = x_1$$

$$x_2 = x_1 - \delta_1 + \delta_2 - \delta_3$$

$$x_3 = x_1 - \delta_1$$

$$x_4 = x_1 - \delta_1 - \delta_3$$

من المعادلات المتريسية تم تحديد المتريس  $\Delta$  والذي يحتوي على العبارات الضرورية من أجل إيجاد الحل الأمثل:

$$\Delta = (A \cdot B)^{-1} \cdot f \Rightarrow B^{-1} \cdot A^{-1} \cdot F$$

من أجل الموديل ثانوي الكتلة يعبر عنه رياضياً بالمعادلات التالية التفاضلية:

$$m_3 \delta_1' + (k_{gc} + k_M) \delta_1 - k_M \delta_2 + C_M (\delta_1' - \delta_2') = F_{(t)}$$

$$m_4 \delta_2'' + (k_{gc} + k_M) \delta_2 - k_M \delta_1 + C_M (\delta_2' - \delta_1') = 0$$

تملك الحلول الممكنة للنظام ثانوي الكتلة الطبيعية نفسها كما في حالة نظام رباعي الكتلة.

الاستثناء الوحيد هو أن الانتقالات  $\delta_1, \delta_2$  انتقالات مطلقة، بإصلاح المعادلات الأساسية السابقة، وحل المعادلات المتريسية، وتحديد التابع الانتقالي  $(s)$   $W_{(s)}$ ، وسرعة حركة الاسطوانة الأولى  $V_1$  وأيضاً القيم المعيارية التي تصف النظام السابق باستخدام نظام الحسابات التحليل REDUSE والتي تعطي إمكانية الحصول على العلاقات بواسطة الكمبيوتر الشخصي بشكل عام لأجل التابع الانتقالي للنظام لدينا:

$$W_{(s)} = \frac{\delta_{1(s)}}{\delta_{2(s)}}$$

وأيضاً من أجل سرعة حركة الاسطوانة الأولى:

$$V_1 = S \cdot X_1$$

تحل المسألة بشكل جزئي أي في المرحلة الأولى تحدد عبارات التابع الانتقالي  $V_1$  &  $W_{(s)}$ .

نجري تحويل لا بلس  $S = J(W)$ .

جزئ القسم التخييلي وال حقيقي ونحدد زاوية الطور  $\varphi$ .

فيما بعد تبقى مسألة اختيار المعطيات لأنظمة الميكانيكية الاهتزازية التي تؤمن العلاقات التحريرية والحركية الضرورية لتحقيق النماذج السابقة والتي بواسطتها تتحقق دارة ستيرلينغ الترموديناميكية.

إن حل مسألة تركيب المعطيات لأنظمة الميكانيكية المقدمة مع الأخذ بعين الاعتبار تحقيق كافة المتطلبات بشكل مجموعة القيم المعيارية والتي تؤمن عن طريق بحث مجال المتغيرات طريقة (ستانتيكوف. ر. ب) [6]. هذه الطريقة مبنية على أساس تنظيم برنامج من أجل الحل الأمثل لمسألة التركيب الديناميكي لهذه المعطيات في مجالات متعددة الأبعاد في الأنظمة الميكانيكية المقترحة ندرس مسألة التركيب من أجل نظام رباعي الكتلة، إن هدف مسألة التركيب تكمن في اختيار مثل هذه البارمرات والتي بواسطتها تتحقق دارة ستيرلينغ الترموديناميكية من أجل النظام السابق تؤثر القوة:  $F_{(t)} = F_0 \cos(\omega t)$

على الهيكل (الكتلة  $m_1$ ) إن مطال القوة  $F_{(t)}$  هو  $F_0$  ويمكن كتابته على الشكل التالي:

$$F_0 = F'_0 + F''_0$$

حيث أن  $F_0'$  تضييع في اهتزاز النظام ككل.

بينما  $F_0''$  هي التي تتحقق العمل المفيد أي تعطي الطاقة للحمل.

وبالتالي هي الاستطاعة الضائعة من أجل توفير مولد الاهتزاز المربوط مع الكتلة  $m_1$  وتحدد بالشكل:

$$N_{vib} = F_0' R_e V_{1(W)}$$

حيث  $V_{1(W)}$  السرعة التي يتحرك بها الهيكل  $m_1$  بعد إجراء تشكيل فورييه، من أجل تقليل الضياعات الطاقية أي  $E_{min}$  بالنسبة للقوة  $F_0'$  لالله يجب أن تعمل في حالة الطنين أي  $ReV_{1(W)}$  يجب أن تكون وقدر الإمكان قليلة اعتماداً على حل المعادلات والتي تصف ديناميك آلة ستيرلينغ الحرة المكبسية تأخذ الشكل:

$$T^2_{(W)} > 1$$

$$\varphi_{(W)} \rightarrow 110^\circ$$

$$ReV_{1(W)} \rightarrow \min$$

من أجل أن يكون ديناميك الآلة السابقة متوافق مع دارة ستيرلينغ الترموديناميكية، موديل التابع الانتقالى، زاوية فرق الصفحة يجب أن تتطابق مع الحدود الوظيفية.

$$0.9 \leq T_{2(W)} \leq 1.1$$

$$80^\circ \leq \varphi_{(W)} \leq 115^\circ$$

انطلاقاً من الخصائص الفيزيائية لآلة ستيرلينغ من أجل تردد 10 هرتز فإن الحدود البارمترية تصاغ من بارامترات متغيرة (باراليلبييد  $\Pi$ ) الجدول (1) حيث أن كتل الأسطوانات  $m_2, m_1$  كانت متساوية وبالتالي فإن التغير يحصل فقط في  $m_1$  أي دراسة وبحث مجال المتغيرات في الباراليلبييد المشكّلة في عملية إيجاد الحل الأمثل  $\Pi_2, \Pi_3, \Pi_4$  الجدول (1) والتي أدت إلى إيجاد 4 معطيات لموديلات مثالية تحقق المعايير الوظيفية وتعتبر حلولاً للمسألة المدرosa، حيث رقم وبaramترات الموديل موضحة في الجداولين (2,3).

نضع في الباراليلبييد  $\Pi_1$  القيم العددية الناتجة المثالية للبارمترات ويوضح ذلك الشكل (4) من أجل التردد 50Hz للقوة المحرضة  $F_{(t)}$ ، اعتماداً على نظرية التشابه[7] وعلى أساس الباراليلبييد  $\Pi_3$  تم تشكيل الباراليلبييد  $\Pi_4$ . الجدول (1) الذي تم الحصول عليه بواسطة 4 معطيات لموديلات المثالية والتي تتحقق الحدود الوظيفية الجداول (2,3) وتركيب آلة ستيرلينغ الحرة المكبسية تنتهي بتحديد القيم العددية  $-F_0'', F_0', C = F_0''/V_1$  والمحمد  $F_0''/V_1$  والتي يعبر عنها بالجدول (4) عند ذلك من أجل التردد (10) هرتز فإن استطاعة الآلة 90 وات (WATT) بينما من أجل التردد 50 هرتز فإن الاستطاعة 11250 وات، وعند تركيب آلة ستيرلينغ الحرة المكبسية للنظام ثانوي الكتلة فإن الترددان 10 هرتز و50 هرتز للقوة المحرضة (مولد الاهتزاز) تبحث وفق عملية بحث مجال المتغيرات بطريقة مشابهة تماماً كما في حالة النظام رباعي الكتلة.

في النتيجة فإن النظامين الاهتزازيين رباعي الكتلة وثنائي الكتلة وباستخدام طريقة بحث مجال المتغيرات تم الحصول على العلاقات الضرورية التي تحدد كتلة الهيكل وكتل المكابس (العامل والمزيج) أي تحديد  $m_1, m_2, m_3, m_4$  وأيضاً قيم الوصلة المغناطيسية ثابت صلابة الوصلة المغناطيسية  $K_M$  وثابت الإخماد المغناطيسي  $C_M$  وثابت النابض  $K_{12}$  والقوى  $F_0'', F_0'$ .

ومعنى المحمد  $C$  بهذا الشكل يقترح لوغاريتيم اختيار البارامترات العاملة للمخططات الديناميكية لآلية الحرة المكبسية والتي تعمل وفق دارة ستيرلينغ في نظام عمل آلة تبريد ومضخة حرارية في مرحلة التصميم الأولى المقترن.

الجدول (1): نظام رباعي الكتلة

	$F = 10\text{Hz}$			$F = 50\text{Hz}$
	$\pi_1$	$\pi_2$	$\pi_3$	$\pi_4$
$m_1^*\text{kg}$	5	3	3	3
$m_1^{**}\text{kg}$	15	8	8	8
$m_3^*\text{kg}$	0.8	0.6	1.25	1.25
$m_3^{**}\text{kg}$	2.2	1.6	1.6	1.6
$m_4^*\text{kg}$	0.3	0.15	0.22	0.22
$m_4^{**}\text{kg}$	0.5	0.4	0.32	0.32
$Cm^*\text{N.sec/m}$	5	5	2.5	12.5
$Cm^{**}\text{N.sec/m}$	50	30	15	75
$Km^*\text{N/m}$	50	300	300	7500
$Km^{**}\text{N/m}$	500	109	550	13750
$K_{gE}\text{N/m}$	$9 \times 10^2$	...	$9 \times 10^2$	22500
$K_{gc}\text{N/m}$	$1.8 \times 10^9$	...	$1.8 \times 10^9$	45000
$K_{12}^*\text{N/m}$	$10^4$	$5 \times 10^4$	$4 \times 10^4$	$10^7$
$K_{12}^{**}\text{N/m}$	$10^5$	$10^6$	$10^6$	$2.5 \times 10^7$

\* الحد الأدنى للحدود البارامترية.

\*\* الحد الأعلى للحدود البارامترية.

نظام رباعي الكتل

الجدول (2): (بارامترات الأنظمة)

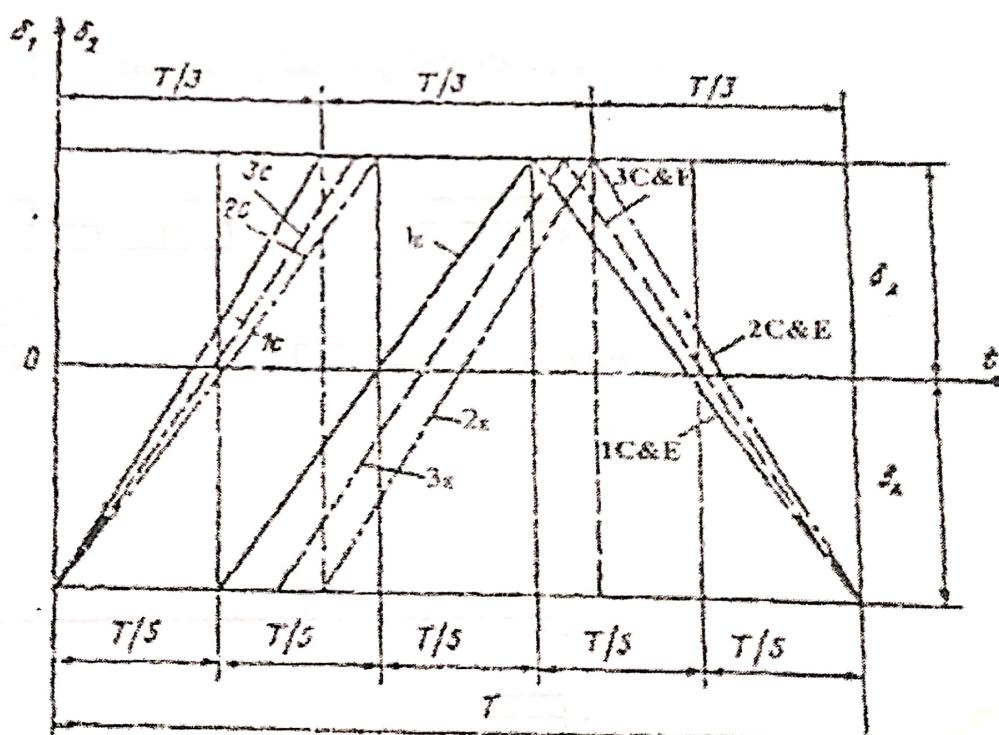
$F = 10\text{Hz}$									
	N	$m_1$	$m_3$	$M_4$	Cm	Km	$K_{gE}$	$K_{gc}$	$K_{12}$
$\Pi_3$	529	5.661	1.525	0.256	5.881	368.1	900	1800	$8.97 \times 10^5$
	1058	4.331	1.486	0.302	5.179	469.3	900	1800	$9.53 \times 10^5$
	1364	3.833	1.472	0.270	5.399	389.7	900	1800	$8.66 \times 10^5$
	1966	5.302	1.342	0.277	4.996	383.1	900	1800	$6.15 \times 10^5$
$F = 50\text{Hz}$									
$\Pi_4$	529	5.661	1.525	0.256	29.41	9203	2250	45000	$2.24 \times 10^7$
	1058	4.331	1.486	0.302	25.90	11733	2250	45000	$2.38 \times 10^7$
	1364	3.833	1.472	0.270	27.00	9743	2250	45000	$1.16 \times 10^7$
	1966	5.302	1.342	0.277	24.98	9578	2250	45000	$1.45 \times 10^7$

الجدول (3): القيم النوعية - نظام رباعي الكتلة

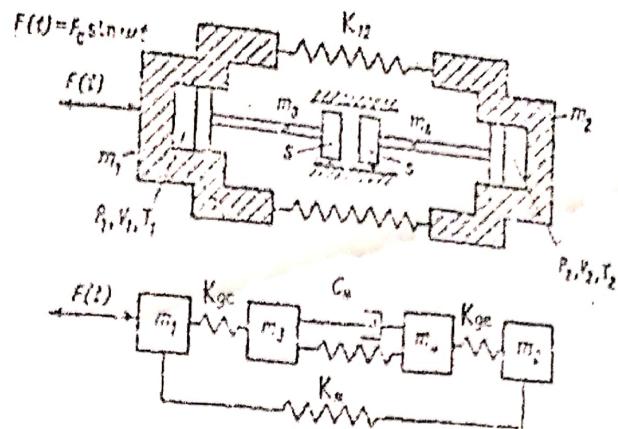
	N	$T^2(W)$	$\Phi(W)$	$Rev_1$
$F = 10\text{Hz}$				
$\Pi_3$	529	1.051	110.24	$-0.71 \times 10^{-5}$
	1058	0.992	111.04	$-0.39 \times 10^{-5}$
	1364	1.020	108.98	$-0.14 \times 10^{-4}$
	1966	0.973	109.34	$-0.48 \times 10^{-5}$
$F = 50\text{Hz}$				
$\Pi_4$	529	1.051	110.24	$-0.71 \times 10^{-5}$
	1058	0.992	111.04	$-0.39 \times 10^{-5}$
	1364	1.020	108.98	$-0.14 \times 10^{-4}$
	1966	0.973	109.34	$-0.48 \times 10^{-5}$

الجدول (4): دلالات القوى لنظام رباعي الكتلة

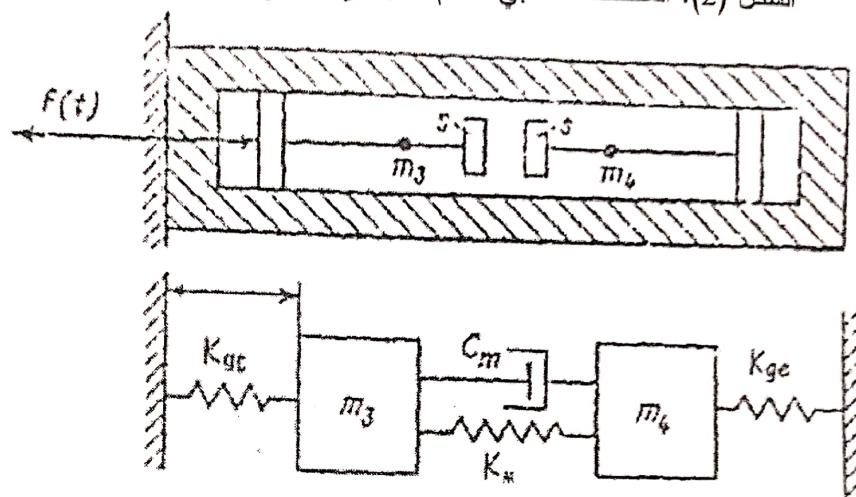
$f = 10\text{Hz}$				$f = 50\text{Hz}$			
N°Mode 1	$F'_0$	$F''_0$	C	N°Mode 1	$F'_0$	$F''_0$	C
529	272	492	1346	529	6237	11875	6250
1058	204	520	1503	1058	4508	12125	6550
1364	171	505	1420	1364	3915	12636	6550
1966	213	516	1479	1966	5331	12900	7400



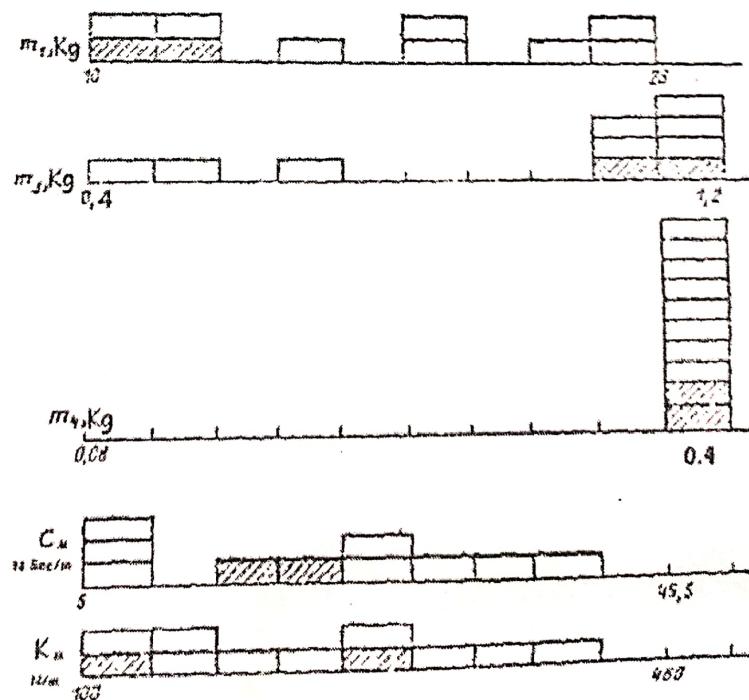
الشكل (1): مخطط تغير الحجوم العاملة في أسطوانتي الانضغاط والتمدد لدارة ستيرلينغ المثلثية من أجل نسب انضغاط مختلفة



الشكل (2): المخطط الحسابي لنظام اهتزازي رباعي الكتلة لآلة ستيرلينغ المكبسة.



الشكل (3): المخطط الحسابي لنظام ثنائي الكتلة لآلة ستيرلينغ المكبسة.



الشكل (4): توزيع القيم العددية الناتجة للبارامترات المثلالية ضمن مجالات التحول.

## المراجع Reference

- [1]- أوكر. غ. الآلات التي تعمل بدارة ستيرلينغ - موسكو الطاقة 1978-198 صفة (باللغة الروسية).
- [2]- WURM J., FINAST J., ROOSE., STAATS W., stirling and vuileumier heat pumps. desing and application. McGrow-Hill. 1991, 252p.p.
- [3]- رادر - ت. خوبر. ش. آلات ستيرلينغ. دار مير 1986، 464 صفة (باللغة الروسية).
- [4]- غورين. ن. سكماخوف.أ - الحسابات التحليلية في نظام راديوس - مينسك العلم والتقنية 1989، 419 صفة (باللغة الروسية).
- [5]- أوكر. غ. محركات ستيرلينغ - موسكو بناء الآلات 1985، 460 صفة (باللغة الروسية).
- [6]- سابول. م. ستانتيكوف. إ. اختيار المعطيات المثالية في المسائل ذات المعايير المتعددة - موسكو - العلم 1981، 108 صفحات (باللغة الروسية).
- [7]- SHOCK AND VIBRATION HANDBOOK. EDITED BY CIRIL. M. HARRIS AND CHARLES E. CREDE. Vol.1, McGrow-Hill. New York, 1961.