دراسة تحليلية لتطور الزمن الحقيقي في ميكانيك الكم الإحصائي لنظرية المعايرة الصافية (الغليونات بدون الكواركات) مع منشور الكمون حتى الدرجة السادسة

الدكتور سلمان الشاتوري* سيلفا الخصى **

(تاريخ الإيداع 8 / 7 / 2014. قُبِل للنشر في 15 / 12 /2014)

□ ملخّص □

أخذنا مؤثر الهاملتوني الفعال حتى الدرجة السادسة [12] وهذا المؤثر مكّننا من الانتقال من نظرية المعايرة الصافية مع الزمرة (2) SU(2) إلى دراسة ميكانيك الكم الإحصائي مع الزمرة (2) وهذا يعني فيزيائيا" أننا انتقلنا من دراسة عدد لا نهائي من الجسيمات و درجات الحرية (بلازما الكواركات والغليونات) إلى دراسة ثلاثة جسيمات (غلوبال) أي تسع درجات حرية و بالتحديد تسع هزازات لا توافقية و بعدها قمنا بتطبيق صيغة فغنر [16] على الصيغ المتجانسة واستنتجنا علاقة تطور الزمن الحقيقي للطاقة المغناطيسية الملونة \hat{B}_{i}^{a} وللطاقة الكهربائية الملونة أيسة ألى المناطقة الكورائية الملونة ألى المناطقة المغناطيسية الملونة ألى الملونة ألى الملونة ألى الملونة ألى الملونة المؤلفة الكورائية الملونة ألى الملونة الملونة المؤلفة الكورائية الملونة ال

الكلمات المفتاحية:

1-الأزمنة الحقيقية في حالات عدم التوازن.

2-الانتقال الطوري لبلازما الكواركات و الغليونات.

3-عدم التوازن في نظرية الحقل الكمي.

4-نشر شبه تقليدي لحالة عدم التوازن.

^{*} أستاذ مساعد - قسم الفيزياء - كلية العلوم - جامعة تشرين - اللاذقية - سورية

^{**} طالبة دراسات عليا (ماجستير) - قسم الفيزياء - كلية العلوم - جامعة تشرين - اللاذقية - سورية.

An analytical study of the Evolution of the Real time in statistical Quantum mechanics of the pure Gauge theory (Gluons without Quarks) with the potential expansion until the sixth degree

Dr. Salman Al-chatouri* Silva Al-khassi**

(Received 8 / 7 / 2014. Accepted 15 / 12 /2014)

\square ABSTRACT \square

We take the effective Hamiltonian operator until the sixth degree[12] and this operator has enabled us to convert from pure gauge theory with group SU(2) into the study of statistical quantum mechanics with the group SU(2) and this mean physically we have converted from the study of an infinite number of particles and of freedom degrees (quarks- gluons-plasma) into study of three particles (Global) that mains nine of freedom degrees and specifically nine anharmonic oscillators and after that we apply Wigner's mode[16] on homogenous modes remaining after quantization of the inhomogenous modes and we have concluded the relation of real-time evolution of the color magnetic energy $\hat{B}_i^a \hat{B}_i^a$ and the color electric energy $\hat{\Pi}_i^a \hat{\Pi}_i^a$.

Key words:

- 1-Real time in non-equilibrium.
- 2-phase transition to quark-gluon-plasma.
- 3-non-equilibrium in the quantum field theory.
- 4-semi-classical expansion for non-equilibrium state.

^{*}Associate Professor-Department of physics-Faculty Sciences-Tishreen University-Lattakia-Syria.

^{**}Postgraduate Student-Department of physics-Faculty Sciences-Tishreen University-Lattakia-Syria.

مقدمة:

- يقوم تصورنا للمادة على وجود فئتين رئيسيتين من الجسيمات الأولية: الكواركات والليبتونات [1] ومعها ثلاث قوى من القوى الأربع الأساسية: الكهرطيسية والتفاعلات الضعيفة والشديدة أما الثقالة فستترك جانباً الآن. تولد الكواركات (وهي التي تتكون منها البروتونات والنيترونات) هذه القوى الثلاثة وتتأثر بها. أما الليبتونات كالإلكترون وهو الأشهر فيها فلا يتأثر بالقوة الشديدة. إن الخاصية التي تميز بين هاتين الفئتين والتي تماثل الشحنة الكهربائية هي كون للكواركات ألوان واصطلاحا"هي: أحمر -أخضر -أزرق.

تنتج القوة النووية الشديدة من ضرورة كون المعادلات التي تصف الكواركات لا تتعلق بالكيفية التي يتم فيها تعريف ألوان الكواركات وتحمل القوى الشديدة ثمانية جسيمات أولية هي الغليونات أما القوتان المتبقيتان الكهرومغناطيسية والنووية الضعيفة والمسماتان معاً القوى الكهرضعيفة فتعتمدان على تناظر مختلف. وتحمل القوى الكهرضعيفة أربعة جسيمات : الفوتون و البوزون Z^0 و البوزون W^+ و البوزون W^- .

-تحريك الجسيمات الأولية الملونة (الكواركات و الغليونات) (QCD) هي نظرية التأثير المتبادل القوي التي تصف الأسر (الحجز المستقر) للكواركات والغليونات عند درجة الحرارة المنخفضة و تنتقل الجملة إلى طور بلازما الكواركات و الغليونات عند درجة حرارة عالية بشكل كاف.

-لقد قام العديد من الباحثين بدراسة بلازما الكواركات والغليونات [13−2] وكلها أبحاث تعتمد على نظرية QCD و ميكانيك الكم.

وهناك أبحاث تعتمد على نظرية $(QCD)_T$ أي عند درجات الحرارة العالية أو درجات الحرارة المغايرة للصفر $(T\neq 0)$ و تعتمد أيضا" على ميكانيك الكم الإحصائي $(T\neq 0)$.

في [13] نجد أنه بعد تكميم الصيغ غير المتجانسة لحقل المعايرة بتقريب اللغة الواحدة و الذي كان نتائجه ثوابت عددية أن الدراسة انتقلت من نظرية المعايرة الصافية مع الزمرة (2) SU أي من تكميم حقول المعايرة النسبية إلى دراسة ميكانيك كم إحصائي مع الزمرة (2) و هذا يعني فيزيائيا "أننا انتقلنا من دراسة عدد لا نهائي من الجسيمات ودرجات الحرية (المرافق لحالة بلازما الكواركات و الغليونات) إلى دراسة ثلاثة جسيمات (غلوبال) أي تسع درجات حرية وبالتحديد تسع هزازات لا توافقية.

وفي [14-15] تم دراسة تطور الأزمنة الحقيقية لبلازما الكواركات و الغليونات من أجل نظرية المعايرة الصافية مع الزمرتين (SU(2)) و قد استخدمت نظرية الاضطراب بالاعتماد على مؤثر البناء \widehat{D}^+ و مؤثر الهدم \widehat{D}^- و لكن أخذ منشور مؤثر الهاملتوني الفعال حتى الدرجة الرابعة فقط.

أما في [17-16] فقد تم دراسة تطور الأزمنة الحقيقية لبلازما الكواركات و الغليونات من أجل نظرية المعايرة الصافية أو نظرية المعايرة مع الزمرتين (2) SU(2 وقد استخدمت طريقة النشر شبه التقليدي بالاعتماد على تطبيق صيغة فغنر ولكن أخذ منشور مؤثر الهاملتوني الفعال حتى الدرجة الرابعة فقط.

أما في بحثنا سنأخذ منشور مؤثر الهاملتوني الفعال حتى الدرجة السادسة [12] وسنعتمد على طريقة النشر شبه التقليدي بتطبيق صيغة فغنر [16] و يكون عملنا ضمن مجال ميكانيك الكم الإحصائي مع الزمرة (2) SU . حيث تحولت الدراسة من جملة عدد لا نهائي من الجسيمات (بلازما الكواركات والغليونات) في نظرية المعايرة الصافية مع الزمرة (2) SU إلى دراسة جملة مؤلفة من ثلاثة جسيمات أي تسع درجات حرية وبالتحديد تسع هزازات لا توافقية. وقمنا بحساب كل التصحيحات الكمومية أي أننا حصلنا على الحل الكمومي الكامل من النشر شبه التقليدي.

وقد أخذنا منشور مؤثر الهاملتوني حتى الدرجة السادسة لأن منشور الكمون حتى الدرجة الرابعة لا يصف الكمون على كامل المجال [13] و نشاهد ذلك في الشكل (1) حيث لا يوجد نهاية حدية. أما منشور الكمون حتى الدرجة السادسة فيصف الكمون على كامل المجال و نشاهد ذلك في الشكل (2) حيث يوجد نهاية حدية صغرى. وبالتالي فإن الكواركات و الغليونات توجد في القاع و هذا ما نستطيع أن نسميه الأسر ضمن الهادرونات وبالتالي تحتاج الكواركات و الغليونات إلى طاقة عالية حتى تتحرر من الأسر و تصبح حرة.

أهمية البحث وأهدافه:

* أهمية البحث: إن ما سنقوم به في هذا العمل هو بمثابة تطوير طريقة رياضية لدراسة تطور الزمن الحقيقي في حالات عدم التوازن في نظرية المعايرة [17-2] و تكمن أهميته بكونه يشكل خطوة كبيرة في سبيل دراسة هذه الحالات والتحري عن سلوكها و تغير أطوارها مع الزمن بهدف التنبؤ بالانتقال إلى طور بلازما الكواركات والغليونات. وتقوم هذه الطريقة على تركيب من عمليتين: العملية الأولى: استخدام طريقة الحقل الخلفي و تقريب اللفة الواحدة. العملية الثانية: النشر شبه التقليدي بطريقة فغنر عندما لا يمكن تطبيق نظرية الاضطراب.

*أهداف البحث: - إيجاد تطور الزمن الحقيقي في ميكانيك الكم الإحصائي لنظرية المعايرة الصافية مع الزمرة SU(2) مع منشور الكمون حتى الدرجة السادسة.

طرائق البحث ومواده:

1-منشور الكمون الفعال:

يعطى منشور الكمون الفعال $V_{
m eff(1)}$ حتى الدرجة السادسة لتقريب اللفة الواحدة وفق المرجع [12] بالعلاقة: التالبة:

$$\begin{split} V_{\mathrm{eff}(1)} &= \alpha_{1} \mathbf{B}_{i}^{a} \mathbf{B}_{i}^{a} + \frac{1}{4} \Big(\frac{1}{\mathbf{g}^{2}(\mathbf{L})} + \alpha_{2} \Big) \, \mathbf{F}_{ij}^{a}(\mathbf{B}) \mathbf{F}_{ij}^{a}(\mathbf{B}) \\ &+ \alpha_{3} \Big(\mathbf{B}_{i}^{a} \mathbf{B}_{i}^{a} \mathbf{B}_{j}^{b} \mathbf{B}_{j}^{b} + 2 \mathbf{B}_{i}^{a} \mathbf{B}_{i}^{a} \mathbf{B}_{j}^{b} \mathbf{B}_{j}^{b} \Big) + \alpha_{4} \mathbf{B}_{i}^{a} \mathbf{B}_{i}^{a} \mathbf{B}_{i}^{b} \mathbf{B}_{i}^{b} + \alpha_{5} \sum_{i} (\mathbf{B}_{i}^{a} \mathbf{B}_{i}^{a})^{3} \\ &+ \alpha_{6} \sum_{i \neq j} \mathbf{B}_{i}^{a} \mathbf{B}_{i}^{a} \Big(\mathbf{B}_{j}^{b} \mathbf{B}_{j}^{b} \Big)^{2} + \alpha_{7} \mathbf{B}_{1}^{a} \mathbf{B}_{1}^{a} \mathbf{B}_{2}^{a} \mathbf{B}_{2}^{a} \mathbf{B}_{3}^{a} \mathbf{B}_{3}^{a} + \alpha_{8} \mathbf{F}_{ij}^{a}(\mathbf{B}) \mathbf{F}_{ij}^{a}(\mathbf{B}) \mathbf{B}_{k}^{b} \mathbf{B}_{k}^{b} \\ &+ \alpha_{9} \sum_{i \neq j} F_{ij}^{a}(\mathbf{B}) \mathbf{F}_{ij}^{a}(\mathbf{B}) \mathbf{F}_{ij}^{a}(\mathbf{B}) \mathbf{B}_{j}^{b} \mathbf{B}_{j}^{b} + \alpha_{10} \left(\mathbf{B}_{1}^{a} \mathbf{B}_{2}^{a} \mathbf{B}_{3}^{a} \right)^{2} + 0 (\mathbf{B}^{8}) \end{split}$$

الدليل أفي $eff_{(1)}$ يرمز لتقريب اللغة الواحدة.

i,j,k=1,2,3 دليل الإحداثيات المكانية.

a,b =1,2,3 أدلة مولدات الزمرة (3 sU(2)

يكون مؤثر هاملتون للجملة حسب المرجع [12] بالشكل التالي:

$$\begin{split} \widehat{H}_{eff} &= \frac{1}{2} \left(\frac{1}{\mathsf{g}^{2}(\mathsf{L})} + \alpha_{0} \right)^{-1} \widehat{\Pi}_{i}^{a} \widehat{\Pi}_{i}^{a} + \alpha_{1} \widehat{B}_{i}^{a} \widehat{B}_{i}^{a} + \frac{1}{4} \left(\frac{1}{\mathsf{g}^{2}(\mathsf{L})} + \alpha_{2} \right) \widehat{F}_{ij}^{a}(\mathsf{B}) \widehat{F}_{ij}^{a}(\mathsf{B}) \\ &+ \alpha_{3} \left(\widehat{B}_{i}^{a} \widehat{B}_{i}^{a} \widehat{B}_{j}^{b} \widehat{B}_{j}^{b} + 2 \widehat{B}_{i}^{a} \widehat{B}_{j}^{a} \widehat{B}_{i}^{b} \widehat{B}_{j}^{b} \right) + \alpha_{4} \widehat{B}_{i}^{a} \widehat{B}_{i}^{a} \widehat{B}_{i}^{b} \widehat{B}_{i}^{b} + \alpha_{5} \sum_{i} \left(\widehat{B}_{i}^{a} \widehat{B}_{i}^{a} \right)^{3} \\ &+ \alpha_{6} \sum_{i \neq j} \widehat{B}_{i}^{a} \widehat{B}_{i}^{a} \left(\widehat{B}_{j}^{b} \widehat{B}_{j}^{b} \right)^{2} + \alpha_{7} \widehat{B}_{1}^{a} \widehat{B}_{1}^{a} \widehat{B}_{2}^{a} \widehat{B}_{2}^{a} \widehat{B}_{3}^{a} \widehat{B}_{3}^{a} + \alpha_{8} \widehat{F}_{ij}^{a}(\mathsf{B}) \widehat{F}_{ij}^{a}(\mathsf{B}) \widehat{B}_{k}^{b} \widehat{B}_{k}^{b} \\ &+ \alpha_{9} \sum_{i \neq j} \widehat{F}_{ij}^{a}(\mathsf{B}) \widehat{F}_{ij}^{a}(\mathsf{B}) \widehat{B}_{j}^{b} \widehat{B}_{j}^{b} + \alpha_{10} \left(\widehat{B}_{1}^{a} \widehat{B}_{2}^{a} \widehat{B}_{3}^{a} \right)^{2} + 0 \left(\widehat{B}^{8} \right) \end{split} \tag{1}$$

بهذا نكون قد نقلنا الدراسة من نظرية المعايرة الصافية مع الزمرة (SU(2 أي من تكميم حقول المعايرة النسبية إلى دراسة ميكانيك الكم إحصائي مع الزمرة (SU(2) .

. المسارات ناتجة عن تكميم الصيغ غير المتجانسة Q_{u} بطريقة تكامل المسارات $lpha_1,...,lpha_{10}$

. المتجانسة $Q_{
m u}$ بطريقة تكامل المستقات الزمنية للصيغ غير المتجانسة $Q_{
m u}$ بطريقة تكامل المسارات $lpha_0$

ولها القيم التالية[12]:

$$\begin{split} \alpha_0 &= 0.021810429, \alpha_1 = -0.30104661, \alpha_2 = 0.024624 \\ \alpha_3 &= 0.0021317, \alpha_4 = -0.0078439, \alpha_5 = 4.9676959 \text{x} 10^{-5} \\ \alpha_6 &= -5.5172502 \text{x} 10^{-5}, \alpha_7 = -1.2423581 \text{x} 10^{-3}, \alpha_8 = -1.1130266 \text{x} 10^{-4} \\ \alpha_9 &= -2.1475176 \text{x} 10^{-4}, \alpha_{10} = -1.2775652 \text{x} 10^{-3} \\ F_{ij}^a &= \varepsilon^{abc} B_i^b B_j^c \end{split}$$

مؤثر الحقل المغناطيسي المتجانس $\widehat{\Pi}_i^a$ مؤثر الاندفاع.

$$arepsilon^{
m abc} = egin{cases} 0 & ext{ substitute} \\ -2 & ext{ abc } \end{bmatrix}$$
 عند التبديل المباشر -1

 B^6 تعني أننا أهملنا الحدود ذات المرتبة الأعلى من $O(\widehat{\mathbb{B}}^8)$

g2(L) و ثابتة الارتباط و تعطى بالعلاقة:

$$\begin{split} g^2(\mathbf{L}) &= -\frac{1}{2b_0 log(\Lambda_{\rm ms} \mathbf{L})} - \frac{b_1 log[-2log(\Lambda_{\rm ms} \mathbf{L})]}{4b_0^3 [log(\Lambda_{\rm ms} \mathbf{L})]^2} + \cdots \\ b_0 &= \frac{22}{3} \left(4\pi\right)^2, b_1 = \frac{136}{3} \left(4\pi\right)^4, \Lambda_{\rm ms} = 74.1705 {\rm MeV} \end{split}$$
 :غيث:

الأبعاد. $\Lambda_{ms} = 74.1705 {
m MeV}$ ثابتة معرفة من خلال الطرح الأصغرى لتنظيم الأبعاد.

2-النشر شبه الكلاسيكى:

بالاعتماد على العلاقة (أ) و تطبيق صيغة فغنر [16] على العلاقة (1) نحصل على مكافئ فغنر لمؤثر الهاملتوني الفعال حتى الدرجة السادسة وهو:

$$\begin{split} H_{\text{eff}}^{\text{w}} &= \frac{1}{2} \left(\frac{1}{\mathsf{g}^{2}(\mathsf{L})} + \alpha_{0} \right)^{-1} \Pi_{i}^{a} \Pi_{i}^{a} + \alpha_{1} \mathsf{B}_{i}^{a} \mathsf{B}_{i}^{a} + \frac{1}{4} \left(\frac{1}{\mathsf{g}^{2}(\mathsf{L})} + \alpha_{2} \right) \varepsilon^{\text{fac}} \varepsilon^{\text{fde}} \mathsf{B}_{i}^{a} \mathsf{B}_{j}^{c} \mathsf{B}_{i}^{d} \mathsf{B}_{j}^{e} \\ &+ \alpha_{3} \left(\mathsf{B}_{i}^{a} \mathsf{B}_{i}^{a} \mathsf{B}_{j}^{b} \mathsf{B}_{j}^{b} + 2 \mathsf{B}_{i}^{a} \mathsf{B}_{j}^{a} \mathsf{B}_{i}^{b} \mathsf{B}_{j}^{b} \right) + \alpha_{4} \mathsf{B}_{i}^{a} \mathsf{B}_{i}^{a} \mathsf{B}_{i}^{b} \mathsf{B}_{i}^{b} + \alpha_{5} \sum_{i} (\mathsf{B}_{i}^{a} \mathsf{B}_{i}^{a})^{3} \\ &+ \alpha_{6} \sum_{i \neq j} \mathsf{B}_{i}^{a} \mathsf{B}_{i}^{a} \left(\mathsf{B}_{j}^{b} \mathsf{B}_{j}^{b} \right)^{2} + \alpha_{7} \mathsf{B}_{1}^{a} \mathsf{B}_{2}^{a} \mathsf{B}_{2}^{a} \mathsf{B}_{3}^{a} \mathsf{B}_{3}^{a} \\ &+ \alpha_{8} \varepsilon^{\text{fac}} \varepsilon^{\text{fde}} \mathsf{B}_{i}^{a} \mathsf{B}_{j}^{c} \mathsf{B}_{i}^{d} \mathsf{B}_{j}^{e} \mathsf{B}_{k}^{b} \mathsf{B}_{k}^{b} + \alpha_{9} \sum_{i \neq j} \varepsilon^{\text{fac}} \varepsilon^{\text{fde}} \mathsf{B}_{i}^{a} \mathsf{B}_{j}^{c} \mathsf{B}_{j}^{d} \mathsf{B}_{j}^{e} \mathsf{B}_{j}^{b} \mathsf{B}_{j}^{b} \\ &+ \alpha_{10} \left(\mathsf{B}_{1}^{a} \mathsf{B}_{2}^{a} \mathsf{B}_{3}^{a} \right) \left(\mathsf{B}_{1}^{a} \mathsf{B}_{2}^{a} \mathsf{B}_{3}^{a} \right) + 0 (\mathsf{B}^{8}) \end{split} \tag{2}$$

ووجدنا مشتق هايزنبرغ بالنسبة للزمن لمكافئ فغنر:

$$\frac{\partial \mathcal{O}_{W}(B,\Pi,t)}{\partial t} = \frac{2}{\hbar} H_{W} \sin\left(\frac{\hbar \Lambda}{2}\right) \mathcal{O}_{W}(B,\Pi,t) \tag{3}$$

بنشر $\sin(\frac{\hbar \Lambda}{2})$ و الاكتفاء بالحدود الثلاثة الأولى(لأنه من الحد الرابع تصبح المشتقات لمكافئ فغنر لمؤثر

الهاملتوني الفعال مساوية الصفر) تصبح العلاقة (3):

$$\frac{\partial \mathcal{O}_{W}(B,\Pi,t)}{\partial t} = \frac{2}{\hbar} H_{w} \left(\frac{\hbar \Lambda}{2} - \frac{\hbar^{8} \Lambda^{8}}{2^{8} 3!} + \frac{\hbar^{5} \Lambda^{5}}{2^{5} 5!} \right) \mathcal{O}_{w}(B,\Pi,t)
= \left[H_{w}(B,\Pi,t) \Lambda - \frac{\hbar^{2}}{24} H_{w}(B,\Pi,t) \Lambda^{3} + \frac{\hbar^{4}}{1920} H_{w}(B,\Pi,t) \Lambda^{5} \right] \mathcal{O}_{w}(B,\Pi,t)$$
(4)

 $\hat{\Lambda}$ هو مؤثر قوس بواسون و يعطى بالعلاقة:

$$\hat{\Lambda} = \sum_{i=1}^{3} \sum_{a=1}^{3} \left[\frac{\overleftarrow{\partial}}{\partial \Pi_{i}^{a}} \frac{\overrightarrow{\partial}}{\partial B_{i}^{a}} - \frac{\overleftarrow{\partial}}{\partial B_{i}^{a}} \frac{\overrightarrow{\partial}}{\partial \Pi_{i}^{a}} \right]$$
 (5)

$$\begin{array}{c} : (4) \\ \text{ is Note of the property of$$

$$3) + \frac{\hbar^4}{1920} H_w(B, \Pi, t) \Lambda^5$$

$$= \hbar^4 \left[-\frac{3}{8} \alpha_5 \sum_i B_i^a \frac{\partial^5}{\partial \Pi_i^a \partial \Pi_i^a \partial \Pi_i^a \partial \Pi_i^a \partial \Pi_i^a} - \frac{1}{8} \alpha_8 \epsilon^{fac} \epsilon^{fde} B_k^b \frac{\partial^5}{\partial \Pi_i^a \partial \Pi_i^c \partial \Pi_i^d \partial \Pi_j^e \partial \Pi_k^b} \right.$$

$$- \frac{1}{8} \alpha_8 \epsilon^{fac} \epsilon^{fde} B_j^e \frac{\partial^5}{\partial \Pi_i^a \partial \Pi_j^c \partial \Pi_i^d \partial \Pi_k^b \partial \Pi_k^b} - \frac{1}{8} \alpha_8 \epsilon^{fac} \epsilon^{fde} B_i^d \frac{\partial^5}{\partial \Pi_i^a \partial \Pi_j^c \partial \Pi_k^e \partial \Pi_k^b}$$

$$- \frac{1}{8} (\alpha_7 + \alpha_{10}) B_3^a \frac{\partial^5}{\partial \Pi_1^a \partial \Pi_1^a \partial \Pi_2^a \partial \Pi_2^a \partial \Pi_3^a} - \frac{1}{8} (\alpha_7 + \alpha_{10}) B_2^a \frac{\partial^5}{\partial \Pi_1^a \partial \Pi_1^a \partial \Pi_2^a \partial \Pi_3^a \partial \Pi_3^a}$$

$$- \frac{1}{8} (\alpha_7 + \alpha_{10}) B_1^a \frac{\partial^5}{\partial \Pi_1^a \partial \Pi_2^a \partial \Pi_2^a \partial \Pi_2^a \partial \Pi_3^a \partial \Pi_3^a} \right]$$

$$(8)$$

نعوض (6)و (7)و (8) في (4) فنجد:

$$\frac{\partial \mathcal{O}_{\text{W}}}{\partial t} = \left\{ \left[\left(\frac{1}{g^2(L)} + \alpha_0 \right)^{-1} \Pi_i^a \frac{\partial}{\partial B_i^a} \right. \right.$$

$$\begin{split} \mathcal{O}_{w}(B,\Pi,t) &= \mathcal{O}_{cl}(B,\Pi,t) + \left\{\hbar^{2} \int_{0}^{t} dt' \exp\left[(t-t')\widehat{H}_{1}\right] \left[\frac{1}{4} \left(\frac{1}{g^{2}(L)} + \alpha_{2}\right) \epsilon^{fac} \epsilon^{fde} B_{j}^{c} \frac{\partial^{s}}{\partial \Pi_{i}^{a} \partial \Pi_{i}^{d} \partial \Pi_{j}^{e}} \right. \\ &+ \alpha_{3} B_{i}^{a} \left(\frac{\partial^{s}}{\partial \Pi_{i}^{a} \partial \Pi_{j}^{b} \partial \Pi_{j}^{b}} + 2 \frac{\partial^{s}}{\partial \Pi_{j}^{b} \partial \Pi_{i}^{a} \partial \Pi_{i}^{b}}\right) + \alpha_{4} B_{i}^{a} \frac{\partial^{s}}{\partial \Pi_{i}^{a} \partial \Pi_{i}^{b} \partial \Pi_{i}^{b}} + 5 \alpha_{5} \sum_{i} B_{i}^{a} B_{i}^{a} B_{i}^{a} \frac{\partial^{s}}{\partial \Pi_{i}^{a} \partial \Pi_{i}^{a} \partial \Pi_{i}^{a}} \\ &+ \frac{1}{2} \left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right) B_{2}^{a} B_{3}^{a} B_{3}^{a} \frac{\partial^{s}}{\partial \Pi_{i}^{a} \partial \Pi_{i}^{a} \partial \Pi_{2}^{a}} + \frac{1}{2} \left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right) B_{2}^{a} B_{2}^{a} B_{3}^{a} \frac{\partial^{s}}{\partial \Pi_{i}^{a} \partial \Pi_{i}^{a} \partial \Pi_{i}^{a}} \\ &+ \frac{1}{2} \left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right) B_{1}^{a} B_{3}^{a} B_{3}^{a} \frac{\partial^{s}}{\partial \Pi_{i}^{a} \partial \Pi_{2}^{a} \partial \Pi_{2}^{a}} + 2 \left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right) B_{1}^{a} B_{2}^{a} B_{3}^{a} \frac{\partial^{s}}{\partial \Pi_{i}^{a} \partial \Pi_{3}^{a} \partial \Pi_{3}^{a}} \\ &+ \frac{1}{2} \left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right) B_{1}^{a} B_{3}^{a} B_{2}^{a} B_{2}^{a} \frac{\partial^{s}}{\partial \Pi_{i}^{a} \partial \Pi_{3}^{a} \partial \Pi_{3}^{a}} + \frac{1}{2} \left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right) B_{1}^{a} B_{1}^{a} B_{3}^{a} \frac{\partial^{s}}{\partial \Pi_{1}^{a} \partial \Pi_{3}^{a} \partial \Pi_{3}^{a}} \\ &+ \frac{1}{2} \left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right) B_{1}^{a} B_{2}^{a} B_{2}^{a} B_{2}^{a} \frac{\partial^{s}}{\partial \Pi_{1}^{a} \partial \Pi_{3}^{a} \partial \Pi_{3}^{a}} + \frac{1}{2} \left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right) B_{1}^{a} B_{1}^{a} B_{3}^{a} \frac{\partial^{s}}{\partial \Pi_{2}^{a} \partial \Pi_{3}^{a}} \frac{\partial^{s}}{\partial \Pi_{3}^{a}} \\ &+ \frac{1}{2} \left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right) B_{1}^{a} B_{2}^{a} B_{2}^{a} B_{2}^{a} B_{3}^{a} \frac{\partial^{s}}{\partial \Pi_{1}^{a} \partial \Pi_{3}^{a} \partial \Pi_{3}^{a}} + \frac{1}{2} \left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right) B_{1}^{a} B_{1}^{a} B_{3}^{a} \frac{\partial^{s}}{\partial \Pi_{1}^{a} \partial \Pi_{3}^{a} \partial \Pi_{3}^{a}} \\ &+ \frac{1}{2} \left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right) B_{1}^{a} B_{2}^{a} B_{2}^{a} B_{2}^{a} B_{3}^{a} \frac{\partial^{s}}{\partial \Pi_{1}^{a} \partial \Pi_{3}^{a} \partial \Pi_{3}^{a}} + \frac{1}{2} \left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right) B_{1}^{a} B_{3}^{a} B_{3}^{a} \frac{\partial^{s}}{\partial \Pi_{1}^{a} \partial \Pi_{3}^{a} \partial \Pi_{3}^{a}} \\ &+ \frac{1}{2} \left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right) B_{1}^{a} B_{2}^{a} B_{3}^{a} B_{3}^{a} B_{3}^{a} \frac{\partial^{s}}{\partial \Pi_{1}^{a} \partial \Pi_{3}^{a} \partial \Pi_{3}^{a}} \\ &+ \frac{1}{2} \left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right) B_{1}^{a} B_{2}^{a} B_{3}^{a} B_{3}^{a} \frac{\partial^{s}}{\partial \Pi_{1}^{a} \partial \Pi_{3}^{a$$

حيث: $0(\hbar^6)$ تعنى أن التصحيحات الكمومية التي من مرتبة \hbar^6 و ما فوق تساوى الصفر.

نكتب الحل إرجاعيا" بشكل معادلة تفاضلية- تكاملية:

$$\begin{split} &+\frac{1}{2}(\alpha_{7}+\alpha_{10})B_{1}^{a}B_{1}^{a}B_{2}^{a}\frac{\partial^{5}}{\partial \Pi_{2}^{a}\partial \Pi_{3}^{a}\partial \Pi_{3}^{a}}+\frac{1}{2}\alpha_{8}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}B_{i}^{d}B_{k}^{b}B_{k}^{b}\frac{\partial^{5}}{\partial \Pi_{1}^{a}\partial \Pi_{1}^{c}\partial \Pi_{9}^{b}}\\ &+2\alpha_{8}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}B_{i}^{d}B_{j}^{e}B_{k}^{b}\frac{\partial^{5}}{\partial \Pi_{i}^{a}\partial \Pi_{i}^{c}\partial \Pi_{k}^{b}}+\frac{1}{2}\alpha_{8}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}B_{j}^{c}B_{j}^{e}B_{k}^{b}\frac{\partial^{5}}{\partial \Pi_{i}^{a}\partial \Pi_{k}^{d}\partial \Pi_{k}^{b}}\\ &+\frac{1}{2}\alpha_{8}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}B_{j}^{c}B_{k}^{d}B_{j}^{e}\frac{\partial^{5}}{\partial \Pi_{i}^{a}\partial \Pi_{k}^{b}\partial \Pi_{k}^{b}}+\frac{1}{2}\alpha_{8}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}B_{i}^{a}B_{k}^{d}B_{k}^{b}\frac{\partial^{5}}{\partial \Pi_{i}^{a}\partial \Pi_{k}^{b}\partial \Pi_{k}^{b}}\\ &+\frac{1}{2}\alpha_{8}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}B_{j}^{a}B_{k}^{d}B_{j}^{e}\frac{\partial^{5}}{\partial \Pi_{i}^{a}\partial \Pi_{k}^{b}\partial \Pi_{k}^{b}}+\frac{1}{2}\alpha_{8}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}B_{i}^{a}B_{k}^{d}B_{k}^{b}\frac{\partial^{5}}{\partial \Pi_{i}^{a}\partial \Pi_{j}^{c}\partial \Pi_{k}^{b}}\\ &+\frac{1}{2}\alpha_{8}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}B_{i}^{a}B_{i}^{d}B_{j}^{e}\frac{\partial^{5}}{\partial \Pi_{i}^{a}\partial \Pi_{k}^{b}\partial \Pi_{k}^{b}}+\frac{1}{2}\alpha_{8}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}B_{j}^{a}B_{k}^{b}B_{k}^{b}\frac{\partial^{3}}{\partial \Pi_{i}^{a}\partial \Pi_{j}^{c}\partial \Pi_{i}^{d}}\\ &+\frac{1}{2}\alpha_{8}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}B_{i}^{a}B_{i}^{d}B_{i}^{e}\frac{\partial^{5}}{\partial \Pi_{i}^{a}\partial \Pi_{k}^{b}\partial \Pi_{k}^{b}}+\frac{1}{2}\alpha_{8}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}B_{j}^{a}B_{k}^{b}B_{k}^{b}\frac{\partial^{3}}{\partial \Pi_{i}^{a}\partial \Pi_{j}^{c}\partial \Pi_{i}^{d}}\\ &+\frac{1}{2}\alpha_{8}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}^{a}B_{i}$$

$$\begin{split} \widehat{H}_1 &= \left(\frac{1}{g^2(L)} + \alpha_0\right)^{-1} \Pi_i^a \frac{\partial}{\partial B_i^a} \\ - \left[2\alpha_1 B_i^a + \frac{1}{2} \left(\frac{1}{g^2(L)} + \alpha_2\right) \epsilon^{fac} \epsilon^{fde} \left(B_j^c B_j^e B_i^d - B_j^c B_j^d B_i^e\right) \right] \end{split}$$

 $+4\alpha_{3}\left(B_{i}^{a}B_{j}^{b}B_{j}^{b}+2B_{i}^{b}B_{j}^{a}B_{j}^{b}\right)+4\alpha_{4}B_{i}^{a}B_{i}^{b}B_{i}^{b}+6\alpha_{5}\sum_{i}B_{i}^{a}(B_{i}^{a}B_{i}^{a})^{2}+2\alpha_{6}\sum_{i\neq j}B_{i}^{a}\left(B_{j}^{b}B_{j}^{b}\right)^{2} \\ +\alpha_{8}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}\left(B_{j}^{c}B_{j}^{e}B_{i}^{d}-B_{j}^{c}B_{j}^{d}B_{i}^{e}\right)B_{k}^{b}B_{k}^{b}+\alpha_{9}\sum_{i\neq j}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}\left(B_{j}^{c}B_{j}^{e}B_{i}^{d}-B_{j}^{c}B_{j}^{d}B_{i}^{e}\right)B_{j}^{b}B_{j}^{b}\left]\frac{\partial}{\partial \Pi_{i}^{a}} \\ -2\alpha_{8}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}B_{i}^{a}B_{i}^{d}B_{j}^{e}B_{k}^{b}B_{k}^{b}\frac{\partial}{\partial \Pi_{j}^{c}}-2\alpha_{8}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}B_{i}^{a}B_{j}^{c}B_{i}^{d}B_{j}^{e}B_{k}^{b}\frac{\partial}{\partial \Pi_{k}^{b}}-2(\alpha_{7}+\alpha_{10})B_{1}^{a}B_{2}^{a}B_{2}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}\frac{\partial}{\partial \Pi_{1}^{a}} \\ -2(\alpha_{7}+\alpha_{10})B_{1}^{a}B_{1}^{a}B_{2}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}\frac{\partial}{\partial \Pi_{2}^{a}}-2(\alpha_{7}+\alpha_{10})B_{1}^{a}B_{1}^{a}B_{2}^{a}B_{2}^{a}B_{3}^{a}\frac{\partial}{\partial \Pi_{3}^{a}} \\ -2(\alpha_{7}+\alpha_{10})B_{1}^{a}B_{1}^{a}B_{2}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}\frac{\partial}{\partial \Pi_{2}^{a}}-2(\alpha_{7}+\alpha_{10})B_{1}^{a}B_{1}^{a}B_{2}^{a}B_{2}^{a}B_{3}^{a}\frac{\partial}{\partial \Pi_{3}^{a}} \\ -2(\alpha_{7}+\alpha_{10})B_{1}^{a}B_{1}^{a}B_{2}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}\frac{\partial}{\partial \Pi_{2}^{a}}-2(\alpha_{7}+\alpha_{10})B_{1}^{a}B_{1}^{a}B_{2}^{a}B_{2}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}\frac{\partial}{\partial \Pi_{3}^{a}} \\ -2(\alpha_{7}+\alpha_{10})B_{1}^{a}B_{1}^{a}B_{2}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}\frac{\partial}{\partial \Pi_{2}^{a}}-2(\alpha_{7}+\alpha_{10})B_{1}^{a}B_{1}^{a}B_{2}^{a}B_{2}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}\frac{\partial}{\partial \Pi_{3}^{a}} \\ -2(\alpha_{7}+\alpha_{10})B_{1}^{a}B_{1}^{a}B_{2}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}\frac{\partial}{\partial \Pi_{2}^{a}}-2(\alpha_{7}+\alpha_{10})B_{1}^{a}B_{1}^{a}B_{2}^{a}B_{2}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}\frac{\partial}{\partial \Pi_{3}^{a}} \\ -2(\alpha_{7}+\alpha_{10})B_{1}^{a}B_{1}^{a}B_{2}^{a}B_{2}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}\frac{\partial}{\partial \Pi_{2}^{a}}-2(\alpha_{7}+\alpha_{10})B_{1}^{a}B_{1}^{a}B_{2}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}\frac{\partial}{\partial \Pi_{3}^{a}} \\ -2(\alpha_{7}+\alpha_{10})B_{1}^{a}B_{1}^{a}B_{2}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}\frac{\partial}{\partial \Pi_{2}^{a}}-2(\alpha_{7}+\alpha_{10})B_{1}^{a}B_{1}^{a}B_{2}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}\frac{\partial}{\partial \Pi_{3}^{a}} \\ -2(\alpha_{7}+\alpha_{10})B_{1}^{a}B_{1}^{a}B_{2}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}\frac{\partial}{\partial \Pi_{3}^{a}}-2(\alpha_{7}+\alpha_{10})B_{1}^{a}B_{1}^{a}B_{2}^{a}B_{3}^{a}B_{3}^{a}\frac{\partial}{\partial \Pi_{3}^{a}} \\ -2(\alpha_{7}+\alpha$

$$exp\big(t\widehat{H}_1\big)\mathfrak{f}(B,\Pi)=\mathfrak{f}(B_{cl}(B,\Pi,t),\Pi_{cl}(B,\Pi,t))$$

وتصيح المعادلة (9) يوجود هذا المؤثر:

$$\begin{split} &\mathcal{O}_{w}(B,\Pi,t) = \mathcal{O}_{cl}(B,\Pi,t) + \left\{\hbar^{2}\int_{0}^{t}dt'\left|\frac{1}{4}\left(\frac{1}{g^{2}(L)} + \alpha_{2}\right)\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}\overline{B}_{j}^{c}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{i}^{a}\partial\overline{\Pi}_{i}^{d}\partial\overline{\Pi}_{j}^{e}}\right. \\ &+ \alpha_{3}\overline{B}_{i}^{a}\left(\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{i}^{a}\partial\overline{\Pi}_{j}^{b}\partial\overline{\Pi}_{j}^{b}} + 2\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{j}^{b}\partial\overline{\Pi}_{j}^{a}\partial\overline{\Pi}_{i}^{b}}\right) + \alpha_{4}\overline{B}_{i}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{i}^{a}\partial\overline{\Pi}_{i}^{b}\partial\overline{\Pi}_{i}^{b}} + 5\alpha_{5}\sum_{i}\overline{B}_{i}^{a}\overline{B}_{i}^{a}\overline{B}_{i}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{i}^{a}\partial\overline{\Pi}_{i}^{a}\partial\overline{\Pi}_{i}^{a}} \\ &+ \frac{1}{2}\left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right)\overline{B}_{2}^{a}\overline{B}_{3}^{a}\overline{B}_{3}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{1}^{a}\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}} + \frac{1}{2}\left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right)\overline{B}_{2}^{a}\overline{B}_{3}^{a}\overline{B}_{3}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{1}^{a}\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}} \\ &+ \frac{1}{2}\left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right)\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{3}^{a}\overline{B}_{3}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{1}^{a}\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}} + 2\left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right)\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{2}^{a}\overline{B}_{3}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{1}^{a}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}} \\ &+ \frac{1}{2}\left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right)\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{2}^{a}\overline{B}_{2}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{1}^{a}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}} + \frac{1}{2}\left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right)\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{3}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}} \\ &+ \frac{1}{2}\left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right)\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{2}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}} + \frac{1}{2}\left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right)\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{3}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}} \\ &+ \frac{1}{2}\left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right)\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{2}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}} \\ &+ \frac{1}{2}\left(\alpha_{7} + \alpha_{10}\right)\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{2}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}} \\ &+ \frac{1}{2}\left(\alpha_{8}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{i}^{a}\partial\overline{\Pi}_{3}^{b}\partial\overline{\Pi}_{k}^{b}} \\ &+ \frac{1}{2}\left(\alpha_{8}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_{i}^{b}\overline{B}_$$

$$\begin{split} &+\frac{1}{2}\,\alpha_{8}\,\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}\overline{B}_{i}^{a}\overline{B}_{i}^{d}\overline{B}_{j}^{e}\,\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{i}^{c}\,\partial\overline{\Pi}_{k}^{b}\,\partial\overline{\Pi}_{k}^{b}}+\frac{1}{2}\,\alpha_{8}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}\overline{B}_{j}^{e}\overline{B}_{k}^{b}\overline{B}_{k}^{b}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{i}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{j}^{c}\,\partial\overline{\Pi}_{i}^{d}}\bigg]\\ &+\hbar^{4}\int_{0}^{t}dt'\left[-\frac{3}{8}\alpha_{5}\sum_{i}\overline{B}_{i}^{a}\,\frac{\partial^{5}}{\partial\overline{\Pi}_{i}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{i}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{i}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{i}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{i}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{i}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{i}^{a}}-\frac{1}{8}\alpha_{8}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}\overline{B}_{k}^{b}\frac{\partial^{5}}{\partial\overline{\Pi}_{i}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{j}^{c}\,\partial\overline{\Pi}_{i}^{d}\,\partial\overline{\Pi}_{i}^{b}\,\partial\overline{\Pi}_{k}^{b}}-\frac{1}{8}\alpha_{8}\epsilon^{fac}\epsilon^{fde}\overline{B}_{i}^{d}\,\frac{\partial^{5}}{\partial\overline{\Pi}_{i}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{j}^{c}\,\partial\overline{\Pi}_{i}^{d}\,\partial\overline{\Pi}_{j}^{b}\,\partial\overline{\Pi}_{k}^{b}}\\ &-\frac{1}{8}(\alpha_{7}+\alpha_{10})\overline{B}_{3}^{a}\,\frac{\partial^{5}}{\partial\overline{\Pi}_{i}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{i}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\,\partial\overline{\Pi$$

حيث إن:

$$\begin{split} \mathcal{O}_{\mathrm{cl}}\big(B,\Pi,t\big) &= \mathcal{O}\big(B_{\mathrm{cl}}\left(B,\Pi,t\right),\Pi_{\mathrm{cl}}\big(B,\Pi,t\big)\big) \\ &\bar{B}_{\mathrm{i}}^{\mathrm{e}} = B_{\mathrm{i}\,\mathrm{cl}}^{\mathrm{e}}\big(B,\Pi,t-t'\big) \\ &\bar{\Pi}_{\mathrm{i}}^{\mathrm{e}} = \Pi_{\mathrm{i}\,\mathrm{cl}}^{\mathrm{e}}\big(B,\Pi,t-t'\big) \end{split}$$

و نستطيع الآن أن نحسب القيمة الوسطى للمؤثر $\widehat{\mathcal{O}}(\mathsf{t})$:

$$\langle \hat{O} \rangle = \int dB d\Pi O_w(B, \Pi, t) \rho_w(B, \Pi)$$
 (11)

نأخذ مؤثر الكثافة في اللحظة t=0 بالشكل:

$$\hat{\rho}(B,\Pi) = \frac{1}{z} exp \left[-\beta \hat{H}^{0} \right] \tag{12}$$

يمكن تعين الشكل البسيط لمكافئ فغنر لمؤثر الكثافة $ho_{
m w}$ بدلالة $H_{
m w}^0$ عندما نأخذ من \widehat{H}^0 الجزء التوافقي لمؤثر

هاملتون وهذا يعنى:

$$\widehat{H}^{0} = \frac{1}{2} \widetilde{\alpha}_{0} \widehat{\Pi}_{i}^{a} \widehat{\Pi}_{i}^{a} + \frac{1}{2} \widetilde{\alpha}_{1} \widehat{B}_{i}^{a} \widehat{B}_{i}^{a}$$

$$\tag{13}$$

$$H_{w}^{0} = \frac{1}{2} \alpha_{0} \Pi_{i}^{a} \Pi_{i}^{a} + \frac{1}{2} \alpha_{1} B_{i}^{a} B_{i}^{a}$$
(13a)

ويصبح لدينا:

$$\rho_{\mathbf{w}}(B,\Pi) = \frac{1}{z} \exp\left[-\bar{\beta}H_{w}^{0}\right]$$

حبث إن:

$$\begin{split} \widetilde{\alpha}_0 &= \left(\frac{1}{g^2(L)} + \alpha_0\right)^{-1}, \widetilde{\alpha}_1 = 2\alpha_1 \\ \bar{\beta} &= \frac{2}{\hbar\sqrt{\widetilde{\alpha}_0\widetilde{\alpha}_1}} \tanh\left(\frac{\hbar\sqrt{\widetilde{\alpha}_0\widetilde{\alpha}_1}\beta}{2}\right) \end{split}$$

ننشر ρ_{w} في (14) بالنسبة ل \hbar فنجد:

$$\rho_{\mathbf{w}}(\mathbf{B}, \Pi) \approx \frac{\exp(-\beta \mathbf{H}_{\mathbf{w}}^{0}) \left[1 + \frac{\hbar^{2}}{12} \widetilde{\alpha}_{0} \widetilde{\alpha}_{1} \beta^{3} \mathbf{H}_{\mathbf{w}}^{0} \right]}{T_{\mathbf{r}} \left\{ \exp(-\beta \mathbf{H}_{\mathbf{w}}^{0}) \left[1 + \frac{\hbar^{2}}{12} \widetilde{\alpha}_{0} \widetilde{\alpha}_{1} \beta^{3} \mathbf{H}_{\mathbf{w}}^{0} \right] \right\}}$$

$$(15)$$

$$\begin{split} : \langle \ddot{\mathcal{O}}(t) \rangle &= \langle \mathcal{O}_{\mathrm{cl,w}}(B,\Pi,t) \rangle + \hbar^2 \langle \int_0^t \mathrm{d}t' \left[\frac{1}{4} \left(\frac{1}{\mathsf{g}^2(\mathtt{L})} + \alpha_2 \right) \, \epsilon^{\mathrm{fac}} \epsilon^{\mathrm{fde}} \overline{B}_i^c \frac{\partial^s}{\partial \overline{\Pi}_i^a \, \partial \overline{\Pi}_i^d \, \partial \overline{\Pi}_j^e} \right. \\ &+ \alpha_3 \overline{B}_i^a \left(\frac{\partial^s}{\partial \overline{\Pi}_i^a \, \partial \overline{\Pi}_i^b \, \partial \overline{\Pi}_i^b} + 2 \, \frac{\partial^s}{\partial \overline{\Pi}_i^b \, \partial \overline{\Pi}_i^a \, \partial \overline{\Pi}_i^b \, \partial \overline{\Pi}_i^b} \right) + \alpha_4 \overline{B}_i^a \frac{\partial^s}{\partial \overline{\Pi}_i^a \, \partial \overline{\Pi}_i^b \, \partial \overline{\Pi}_i^b} + 5 \alpha_5 \, \sum_i \overline{B}_i^a \overline{B}_i^a \overline{B}_i^a \overline{B}_i^a \, \frac{\partial^s}{\partial \overline{\Pi}_i^a \, \partial \overline{\Pi}_i^a \, \partial \overline{\Pi}_i^a} \end{split}$$

$$\begin{split} &+\frac{1}{2}\left(\alpha_{7}+\alpha_{10}\right)\overline{B}_{2}^{a}\overline{B}_{3}^{a}\overline{B}_{3}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{1}^{a}}\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}}{\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}}\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}}+\frac{1}{2}\left(\alpha_{7}+\alpha_{10}\right)\overline{B}_{2}^{a}\overline{B}_{3}^{a}\overline{B}_{3}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{1}^{a}}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}}{\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}}\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}}+\frac{1}{2}\left(\alpha_{7}+\alpha_{10}\right)\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{2}^{a}\overline{B}_{3}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{1}^{a}}\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}}{\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}}\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}}+2\left(\alpha_{7}+\alpha_{10}\right)\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{2}^{a}\overline{B}_{3}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}}\\ &+\frac{1}{2}\left(\alpha_{7}+\alpha_{10}\right)\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{2}^{a}\overline{B}_{2}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{1}^{a}}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}}+\frac{1}{2}\left(\alpha_{7}+\alpha_{10}\right)\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{3}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}}\\ &+\frac{1}{2}\left(\alpha_{7}+\alpha_{10}\right)\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{2}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}}+\frac{1}{2}\left(\alpha_{8}\varepsilon^{fac}\varepsilon^{fde}\overline{B}_{1}^{d}\overline{B}_{3}^{a}\overline{B}_{3}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}}\\ &+\frac{1}{2}\left(\alpha_{7}+\alpha_{10}\right)\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{2}^{a}\overline{B}_{2}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}}+\frac{1}{2}\left(\alpha_{8}\varepsilon^{fac}\varepsilon^{fde}\overline{B}_{1}^{d}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{2}^{a}}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}}\\ &+\frac{1}{2}\left(\alpha_{7}+\alpha_{10}\right)\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{1}^{a}\overline{B}_{2}^{a}\overline{B}_{2}^{a}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}}\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}}+\frac{1}{2}\alpha_{8}\varepsilon^{fac}\varepsilon^{fde}\overline{B}_{1}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{1}^{a}}\partial\overline{\Pi}_{1}^{b}}\\ &+\frac{1}{2}\left(\alpha_{8}\varepsilon^{fac}\varepsilon^{fde}\overline{B}_{1}^{b}\overline{B}_{1}^{b}\overline{B}_{2}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{3}^{a}}\partial\overline{\Pi}_{3}^{b}}+\frac{1}{2}\alpha_{8}\varepsilon^{fac}\varepsilon^{fde}\overline{B}_{1}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\frac{\partial^{3}}{\partial\overline{\Pi}_{1}^{a}}\partial\overline{\Pi}_{1}^{b}}\\ &+\frac{1}{2}\alpha_{8}\varepsilon^{fac}\varepsilon^{fde}\overline{B}_{1}^{b}\overline{B}_{2}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{3}^{b}\overline{B}_{$$

يمثل الحد الأول من العلاقة (16) القيمة الوسطى الكلاسيكية مضافا" إليها كل التصحيحات الكمومية التي $ho_{
m w}$ تأتى من $ho_{
m w}$

$$(15)$$
 و (11) و (15) أن:
$$\int \mathrm{d}B \mathrm{d}\Pi \mathcal{O}_{cl}(B,\Pi,t) \rho_{\mathrm{w}}(B,\Pi) = \langle \mathcal{O}_{\mathrm{cl}}(B,\Pi,t) \rangle + \frac{1}{12} \hbar^2 \widetilde{\alpha}_0 \widetilde{\alpha}_1 \beta^3 [\langle \mathcal{O}_{\mathrm{cl}}(B,\Pi,t) H_{\mathrm{w}}^0(0) \rangle - \langle \mathcal{O}_{cl}(B,\Pi,t) \rangle \langle H_{\mathrm{w}}^0 \rangle] + \cdots \hbar^4 \dots + \cdots$$

أي أننا بهذه الطريقة نكون قد حصلنا على الحل الكمومي الكامل $\langle \hat{\mathcal{O}}(t) \rangle$ لأنه عندما نشرنا مكافئ فغنر \hbar وجدنا أنه يوجد تصحيحات كموميات من مرتبة \hbar^4 و \hbar^4 أما باقي الحدود التي من مراتب أعلى ل δ فهى تساوى الصفر.

ويمكن اختيار $\widehat{\mathcal{O}}$ ليكون أي مؤثر وعلى الأخص مؤثر الطاقة المغناطيسية الملونة \widehat{B}_i^a أو الطاقة الكهربائية الملونة $\widehat{\Pi}_i^a$.

وتمثل المعادلة (16) التطور الزمني للقيمة الوسطى للمؤثر ($\hat{O}(t)$ في نظرية المعايرة الصافية (الغليونات بدون الكواركات) والتي تخص التفاعلات القوية وفيها بلازما الكواركات والغليونات ومن خلال حل هذه المعادلة عدديا" عند درجات الحرارة المختلفة و ملاحظة سلوك هذا المؤثر مع الزمن يمكن استنتاج درجة الحرارة الحرجة التي يحصل عندها الانتقال إلى طور بلازما الكواركات و الغليونات. كما يمكن تعين المدة الزمنية التي تعيشها هذه البلازما.

النتائج والمناقشة:

مونت كارلو على طريقة مونت كارلو الزمني للقيمة الوسطى للطاقة المغناطيسية الملونة $\hat{B}_i^a \hat{B}_i^a$ والطاقة الكهربائية الملونة $\hat{\Pi}_i^a \hat{\Pi}_i^a$.

عندما يكون المقدار $g^2(L)$ صغيرا" بشكل كاف يصبح المقدار $\frac{1}{g^2(L)}$ كبيرا" بحيث لا يمكن تطبيق نظرية الاضطراب لدراسة التطور الزمني للطاقة المغناطيسية الملونة أو الطاقة الكهربائية الملونة لذلك من الأفضل اللجوء إلى النشر شبه التقليدي بطريقة فغنر الذي قمنا به في عملنا هذا.

c تامكننا هذه الطريقة وبالاعتماد على طريقة مونت كارلو من حساب عددي لتطور الزمن الحقيقي للقيمة الوسطى لكل من الطاقة المغناطيسية الملونة والطاقة الكهربائية الملونة و بعد الحصول على القيم العددية للقيمة الوسطى نستطيع رسم الخطوط البيانية لهذه القيمة بدلالة الزمن t و التحري عن سلوكها حسب قيم كل من درجة الحرارة t و ثابتة الارتباط t.

3-توضيح الشكلين (1) و(2):

1-3-توضيح الشكل (1):

نقبل النهاية الصغرى للكمون الكلاسيكي عندما تكون حقول المعايرة الثلاثة B_i^a متوازية في العدد الكمومي اللون . ويسمى الإنسان هذا وادي تورون .

قام الباحث في المرجع [13] بمجموعة من التعديلات و هي $B_i^a = B_i \, n^a$ حيث: $B_i^a = B_i \, n^a$ و أنه عندما $i \neq j$ فإن هذه الحدود تكون معدومة ومنها حصل على الكمون الفعال للتورون (التورون يعني الحقل عندما يكون تتسور شدة الحقل المغناطيسي يساوي الصفر أي: $F_{ij}^a(B) = 0$ حتى الدرجة الرابعة بالعلاقة التالية :

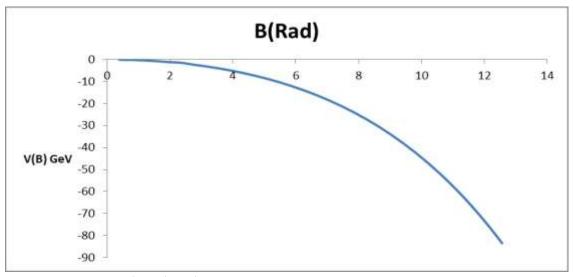
$$V_{\text{eff}(1)}^{\text{Torr}}(B_1) = \alpha_1(B_1)^2 + 3\alpha_3(B_1)^4 + \alpha_4(B_1)^4$$
(17)

حيث أخذ قيم B_1 من $\frac{\pi}{8}$ و حتى $\frac{32 \pi}{8}$ و عوضهم في (17) فحصل على القيم التالية:

الجدول (1): يبين قيم الحقل و الكمون الكلاسيكي لتورون .

B ₁ (Rad)	$V(B_1)$ (GeV)
<u>π</u> 8	-0.046
2π 8	-0.19
3π 8	-0.42
4π 8	-0.75
<u>5π</u> 8	-1.18
<u>6π</u> 8	-1.49
7π 8	-2.36
<u>8π</u> 8	-3.11
9π 8	-3.98
10π 8	-4.98
11π 8	-6.12
12π 8	-7.39

13π 8	-8.82
14π 8	-10.41
15π 8	-12.18
16π 8	-14.13
17π 8	-16.28
18π 8	-18.64
19π 8	-21.22
20π 8	-24.05
21π 8	-27.14
22π 8	-30.50
23π	-34.16
8 24π	-38.12
8 25π	-42.42
8 26π	-47.06
8 27π	-52.08
8 28π	-57.50
8 29π	-63.32
8 30π	-69.59
8 31π	-76.32
8 32π	-83.55
8	03.33



الشكل (I) : يمثل منشور الكمون الكلاسيكي لتورون حتى الدرجة الرابعة بتابعية الحقل.

2-3-توضيح الشكل (2):

اعتمادا" على التوضيح في الشكل (1) نحصل على الكمون الفعال للتورون حتى الدرجة السادسة من العلاقة (1) بالشكل [12]:

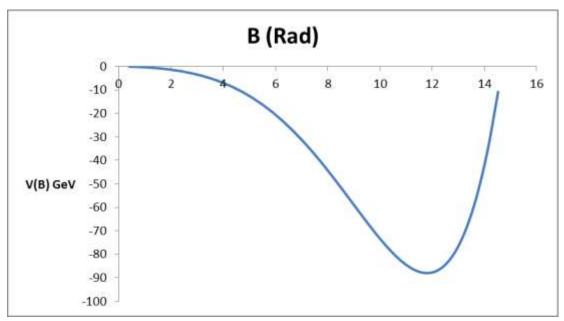
$$V_{\text{eff}(1)}^{\text{Torr}}(B_1) = \alpha_1(B_1)^2 + 3\alpha_3(B_1)^4 + 2\alpha_4(B_1)^4 + \alpha_5(B_1)^6$$
(18)

أخذنا قيم B_1 من $\frac{\pi}{8}$ و حتى $\frac{37\pi}{8}$ و عوضناهم في العلاقة (18) فوجدنا القيم التالية:

الجدول (2): يبين قيم الحقل و الكمون الكلاسيكي لتورون.

ِ الكمون الكلاسيكي لتورون	جدول (2): يبين فيم الحفل <u>و</u>
B ₁ (Rad)	$V(B_1)$ (GeV)
<u>π</u> 8	-0.046
<u>2π</u> 8	-0.19
<u>3π</u> 8	-0.44
<u>4π</u> 9	-0.80
<u>5π</u> 8	-1.29
6π	-1.95
9 7π	-2.78
8 <u>8π</u>	-3.82
9 9π	-5.11
9 10π	-6.66
8 11π	-8.52
8 12π	-10.71
8 13π	-13.26
8 <u>14π</u>	-16.20
8 15π	-19.53
8 <u>16π</u>	-23.28
8 <u>17π</u>	-27.44
8 18π	-32
8 19π	-36.94
8 20π	-42.21
8 21π	-42.21 -47.77
8 22π	
8 23π	-53.52 50.26
8 24π	-59.36
8	-65.18

25π 8	-70.79
26π 8	-76.03
27π 8	-80.65
28π 8	-84.39
29π 8	-86.95
30π 8	-87.97
31π 8	-87.05
32π 8	-83.73
33π 8	-77.48
34π 8	-67.75
35π 8	-53.88
36π 8	-35.17
37π 8	-10.81
37π	-10.81



الشكل (2): يمثل منشور الكمون الكلاسيكي لتورون حتى الدرجة السادسة بتابعية الحقل.

المراجع:

- 1- د. جناد، هزاع الفيزياء النووية جامعة تشرين .1991
- 2- LUSCHER, M. Mass Spectrum of YM Gauge Theories On a Torus. Nucl . Physics B North-Holland vol. $219, N^0$. 1, 1983, pp. 233-261.
- 3- LUSCHER, M. and MUNSTER, G.Weak-coupling expansion of the low-lying Energy values in the SU(2) gauge theory on a torus. Nucl. Phys. B North-Holland Vol. 232, N^o. 3, 1984, PP. 445-472.
- 4- KOLLER, J. and VANBAAL, P.-SU(2) Spectroscopy Intermediate Volumes Phys. Rev Lett. U.S.A. vol. 58, No. 24, 1987, PP. 2511-2514.
- 5- VAN BAAL, P .and KOLLER, J.QCD on a Torus, and Electric Flux Energies From Tunneling Ann. Phys. U.S.A. VOL. 174, No. 2, 1987, 299-371.
- 6-KRIPFGANZ, J. and MICHAEL, C.- Fermionic Contributions to The Glueball Spectrum In a Small Volume Phys. Lett.B North-Holland vol. 209, N⁰.1, 1988. 77-79.
- 7-FRAGA, E.S; KODAMA, T.; KREIN, G.; MIZHER, J. and PALHARES, L.F.-Dissipotion and Memory Effects in Pure Glue deconfinement. Nuclear Physics A-North Holland vol. 785, No. 1-2, 2007, 138-141.
- 8- ALEXEI BAZAVOV, A.; BERND BERG, and VERLYTSKY, A-Non-equilibrium Signals of The SU(3) Deconfining Phase Transition Pos U.S.A. vol 127. 2006, 1-7.
- 9- FRAMPTON, P, H. Gauge Field Theories 1976.
- 10- JACKIW,R.Mean Field Theory For Non-equilibrium Quantum Fields. Physics A U.S.A vol. 158, N⁰.1, 1989, PP.269-290.
- 11- BERGES, J. and BORSANYI, SZ.-Progress In Non-equilibrium Quantum Field Theory III Nuclear Physics A, North-Holland vol. 785, No. 1-2, 2007, 58-67.
- 12- Jeffrey KOLLER and Pierre van BAAL.A non-perturbative analysis in finiteVolume gauge theory –Nuclear physics B302 (1988) 1-64,North-Holland,Amsterdam
- 13-AL-CHATOURI, S.-Untersushungen zum realzeit-verhlten Quantenfeldtheoritische modelle Dissertation, Leipzig uni.-1991 -, 101p.
- 14- د. الشاتوري ، سلمان- تطور الأزمنة الحقيقية في مسائل عدم التوازن من أجل نظرية المعايرة الصافية مع الزمرة SU(2) بالاعتماد على مؤثري البناء و الهدم. مجلة حامعة تشرين-المجلد(30) العدد(1) SU(2)
- 15- د. الشاتوري ، سلمان- تطور الأزمنة الحقيقية في مسائل عدم التوازن من أجل نظرية المعايرة الصافية مع الزمرة . SU(3) بالاعتماد على مؤثري البناء و الهدم. مجلة حامعة تشرين-المجلد(30) العدد (3) \$50-41.
- 16-د. الشاتوري، سلمان؛ د. نظام، محي الدين؛ أحمد، عدنان؛ دراسة تحليلية لتطور الزمن الحقيقي في نظرية المعابرة. مجلة جامعة تشربن-المجلد(30) العدد(4) 183-173.
- 17- د. الشاتوري، سلمان؛ د. نظام، محي الدين؛ بشير، علي؛ دراسة تحليلية لتطور الأزمنة الحقيقة في ميكانيك الكم الإحصائي لنظرية المعايرة لبلازما الكواركات والغليونات قبل للنشر برقم /849/ ص م. ح تاريخ 2013/8/5 .